

৪৭তম BCS প্রিলি

Full Course

গাণিতিক যুক্তি

লেখকার: ১১

(Easy)

1/2 MCA

টপিক:

- ✓ চতুর্ভুজ সংক্রান্ত উপপাদ্য ও বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য
- এবং ত্রিকোণমিতি।

Good Evening



Starts at → 6:35PM

$$\frac{1254}{200}$$

12

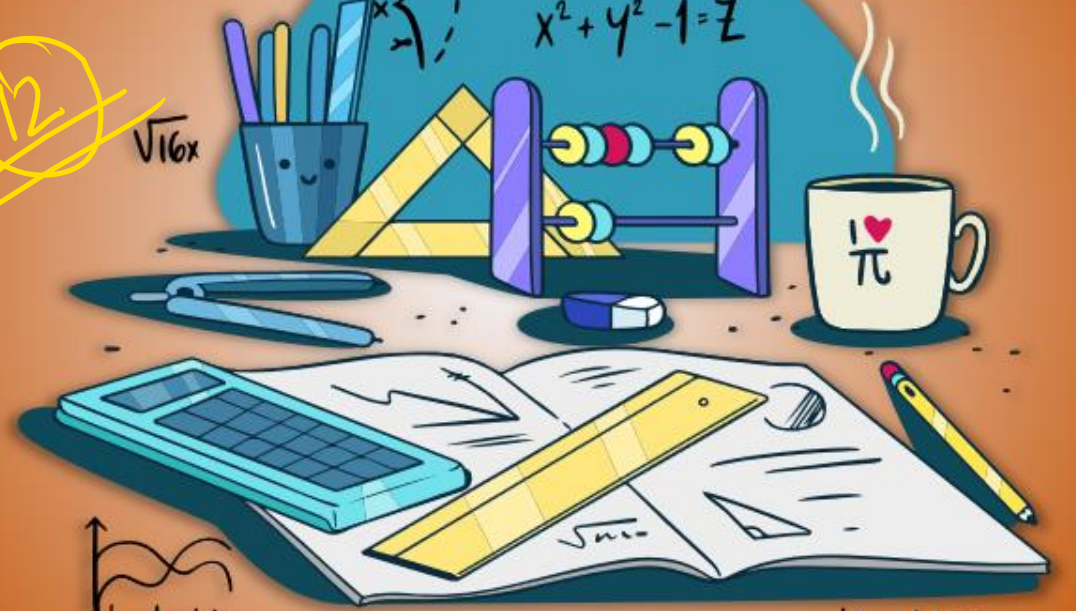
$$3x^2 + y^2 - 3 = 2z$$



$$\frac{3x+2x}{9-2x}$$

$$x^2 + y^2 - 1 = z$$

$$\sqrt{16x}$$

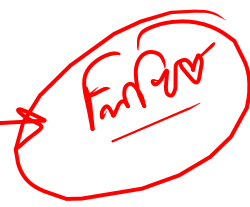
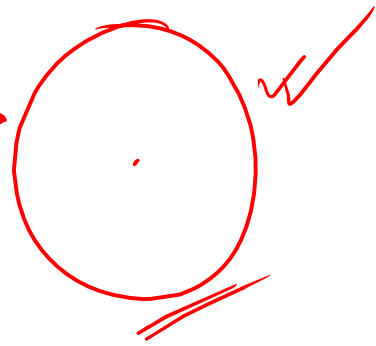


$$\pi = 3.14159 \quad b^2 = c^2 + 2bc$$

book \rightarrow manager, team, work, job, information

+
23+

Information



#



40x



Practice

Reference

1) 9-10 \rightarrow

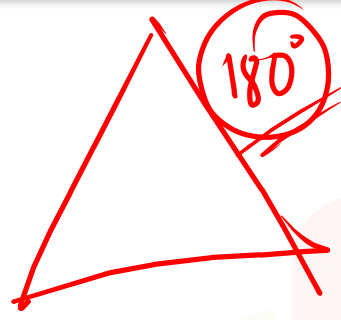


2) practice

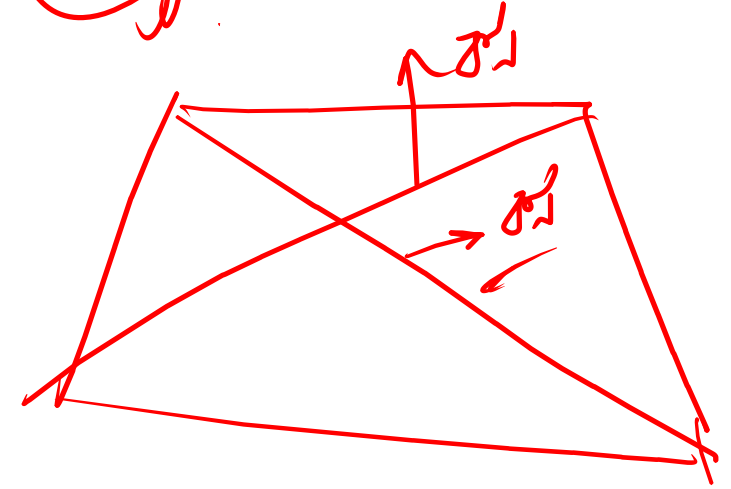
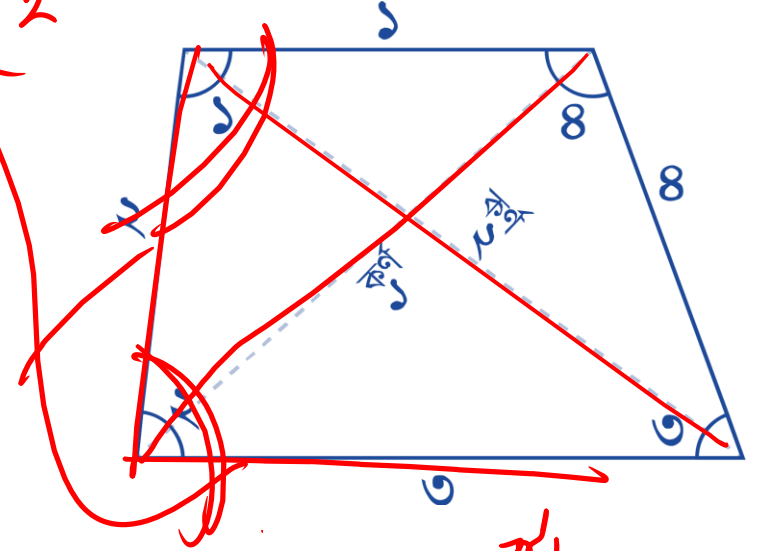


চতুর্ভুজ সম্পর্কিত

- ❖ চতুর্ভুজের বাহুর সংখ্যা = ৪টি
- ❖ চতুর্ভুজের কোণের সংখ্যা = ৪টি
- ❖ চতুর্ভুজের শীর্ষের সংখ্যা = ৪টি
- ❖ চতুর্ভুজের কর্ণের সংখ্যা = ২টি
- একই শীর্ষ বিন্দুতে যে দুটি বাহু মিলিত হয়, তারা পরস্পর সন্নিহিত বাহু।
- চতুর্ভুজের বিপরীত কৌণিক বিন্দুর সংযোজক রেখাংশ দুটির প্রত্যেকটিকে কর্ণ বলে।
- চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের সীমানা নির্ধারক বক্ররেখার মোট দৈর্ঘ্যকে পরিসীমা বলে।
- চতুর্ভুজের চার কোণের সমষ্টি ৩৬০° ।



সন্নিহিত বাহু

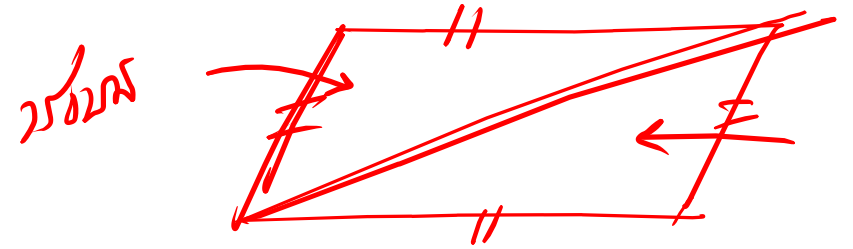
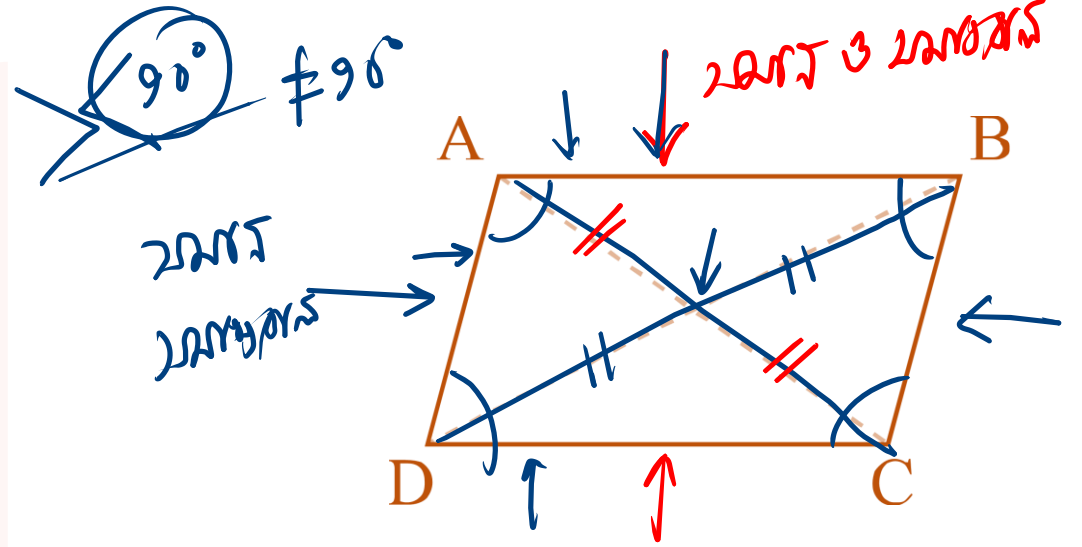


সামান্তরিক

সংজ্ঞা: যে চতুর্ভুজের বিপরীত বাহুগুলো পরস্পর সমান ও সমান্তরাল তাকে সামান্তরিক বলে। সামান্তরিক দ্বারা সীমাবদ্ধ ক্ষেত্রকে সামান্তরিকক্ষেত্র বলে।

সামান্তরিকের বৈশিষ্ট্য :

- বিপরীত বাহুদ্বয় পরস্পর সমান।
- বিপরীত কোণগুলো পরস্পর সমান।
- যে কোন দুইটি সন্নিহিত কোণ পরস্পরের সম্পূরক।
- কর্ণদ্বয় অসমান।
- কর্ণদ্বয় পরস্পরকে সমদ্বিখণ্ডিত করে।
- বিপরীত বাহু ও বিপরীত কোণগুলো পরস্পর সমান এবং প্রত্যেক কর্ণ সামান্তরিককে দুটি সর্বসম ত্রিভুজে বিভক্ত করে।



সামান্তরিক

□ PQRS সামান্তরিকের $\angle P = 100^\circ$, তাহলে $\angle Q$ এর মান কত?

(ক) 120°

(খ) 100°

(গ) 90°

সামান্তরিকের কোণসমূহ
সংযুগ্ম = 180°

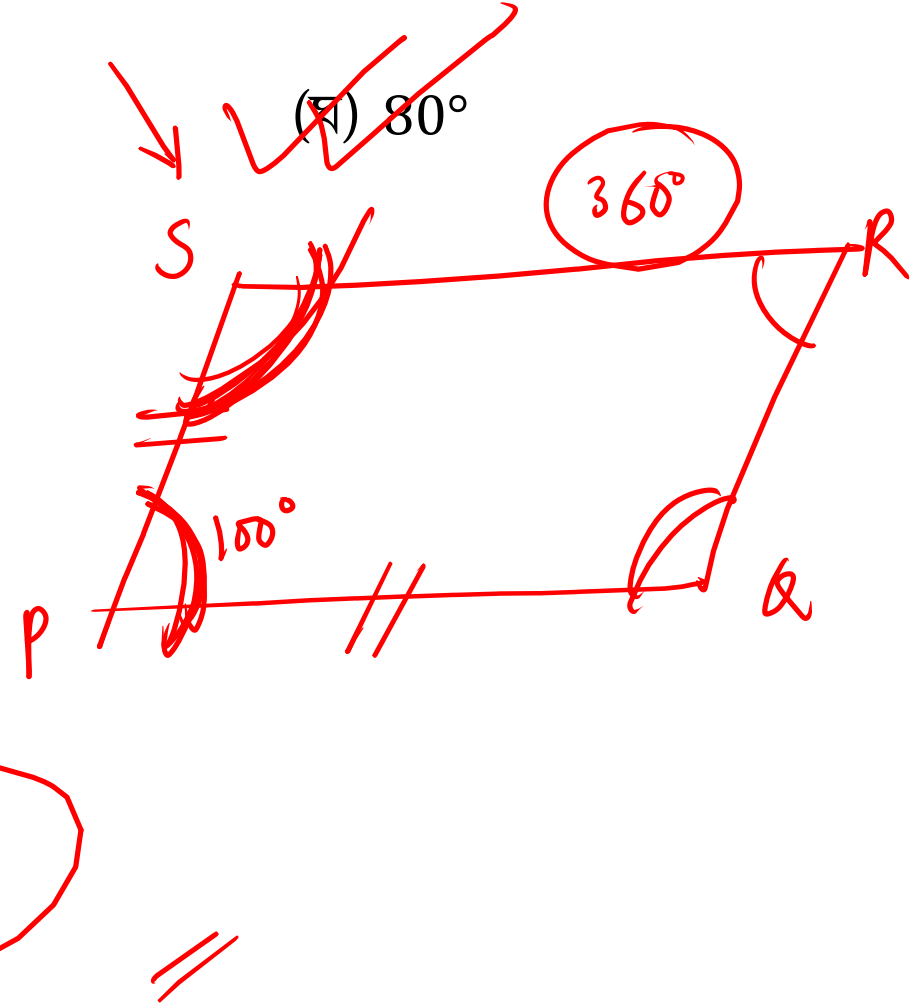
$$\angle S = 180 - 100 = 80^\circ$$

সামান্তরিকের কোণসমূহ
সংযুগ্ম = 180°

$$\angle P = \angle R$$

$$\angle S = \angle Q$$

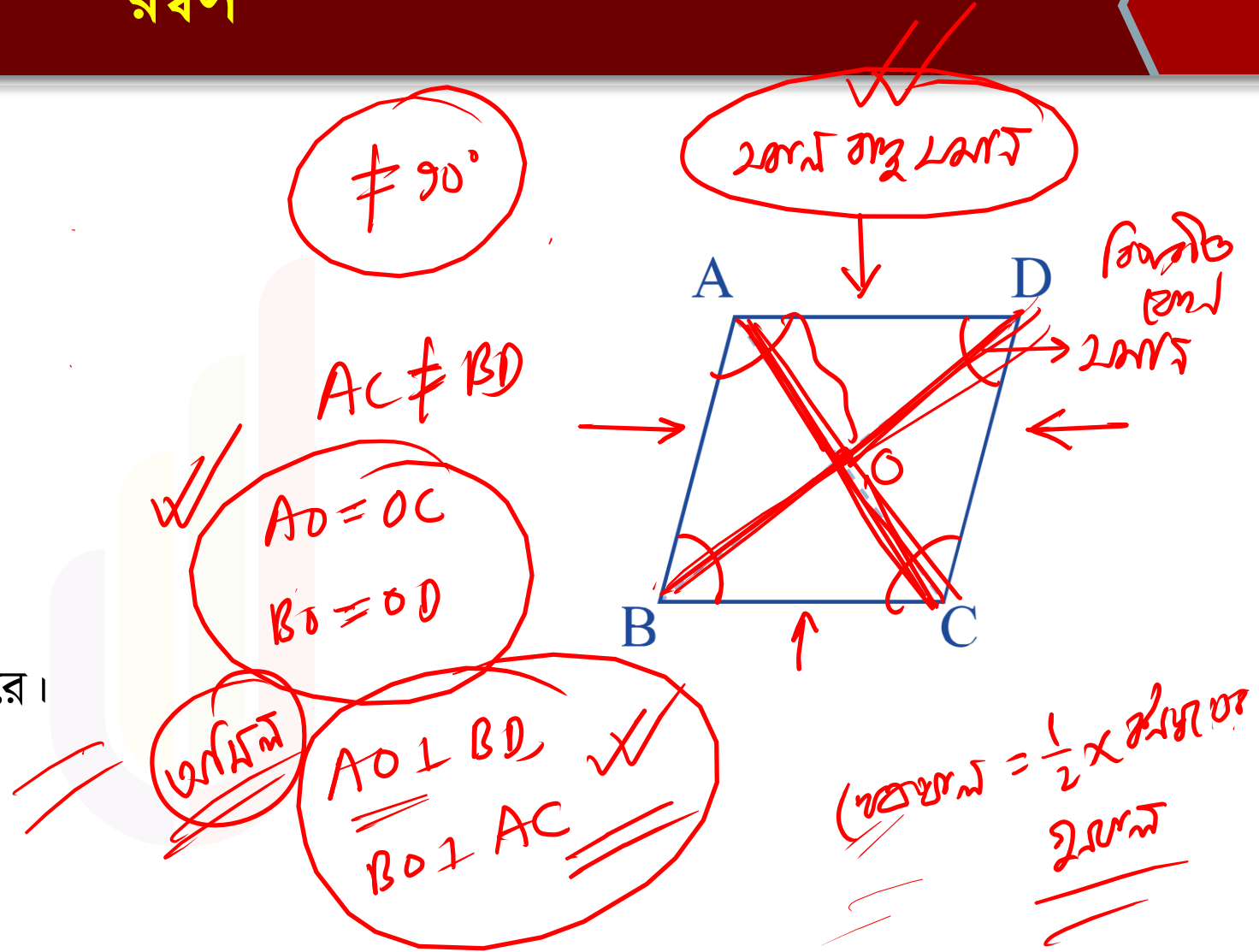
$$\angle Q = 80^\circ$$



রম্বস

□ রম্বসের বৈশিষ্ট্য :

- সকল বাহু সমান।
- বিপরীত কোণগুলো পরস্পর সমান।
- একটি কোণও সমকোণ নয়।
- কর্ণদ্বয় অসমান।
- সন্নিহিত কোণদ্বয়ের সমষ্টি ২ সমকোণ।
- কর্ণদ্বয় পরস্পরকে সমকোণে সমদ্বিখণ্ডিত করে।

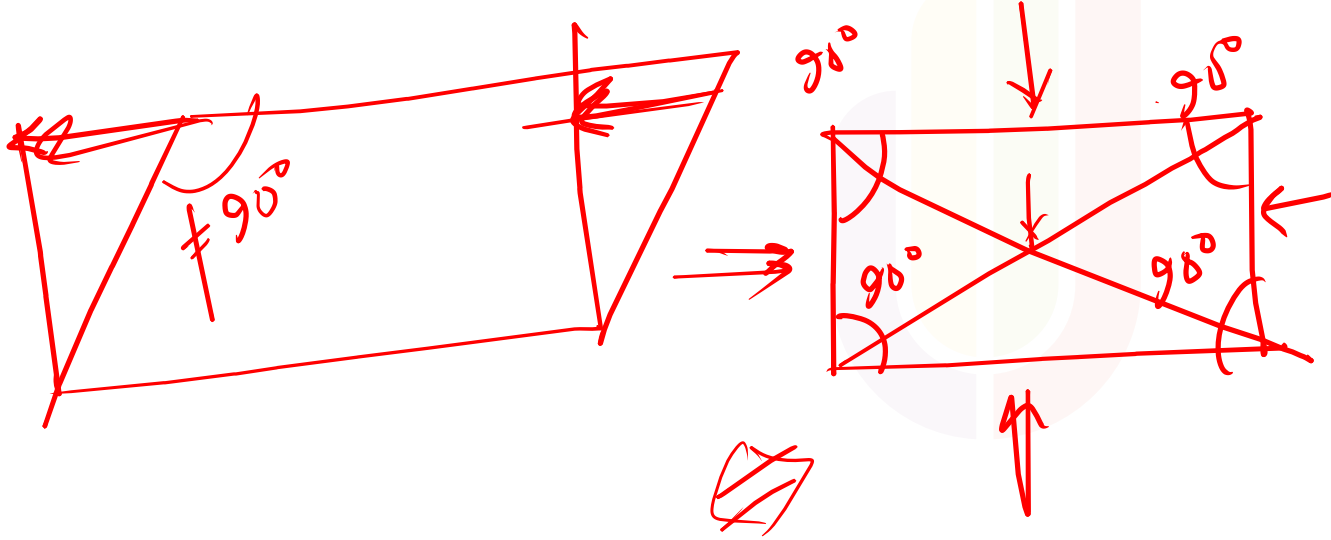
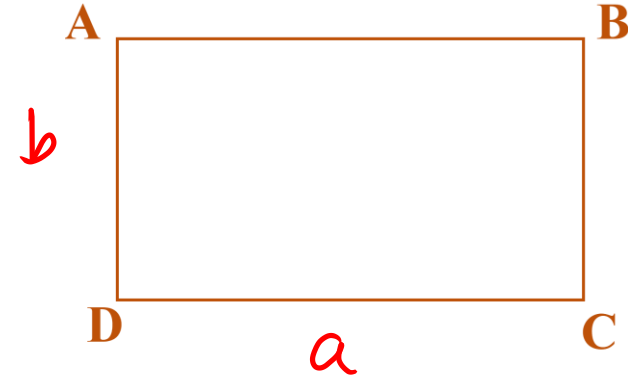


আয়তক্ষেত্র

□ আয়তক্ষেত্রের বৈশিষ্ট্য :

- বিপরীত বাহুদ্বয় পরস্পর সমান।
- প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ।
- কর্ণদ্বয় পরস্পর সমান।

২য় ও ২য়



ক্ষেত্রফল = $a \times b$

আয়তক্ষেত্র

□ ABCD চতুর্ভুজে AB || CD, AC = BD এবং $\angle A = 90^\circ$ হলে, সঠিক চতুর্ভুজ কোনটি?

(ক) সামান্তরিক

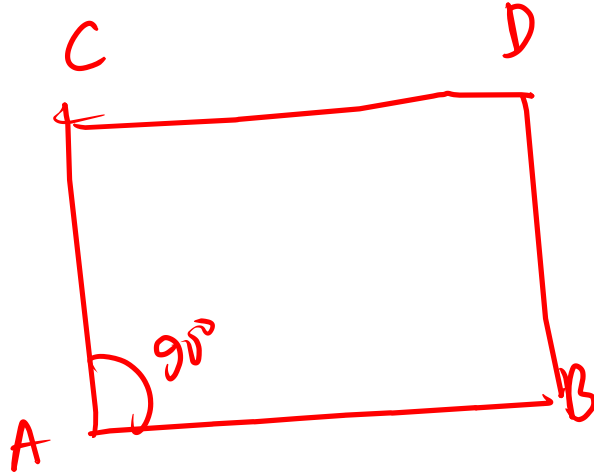
(খ) রম্বস

~~$\neq 90^\circ$~~

(গ) ট্রাপিজিয়াম

(ঘ) ~~আয়তক্ষেত্র~~

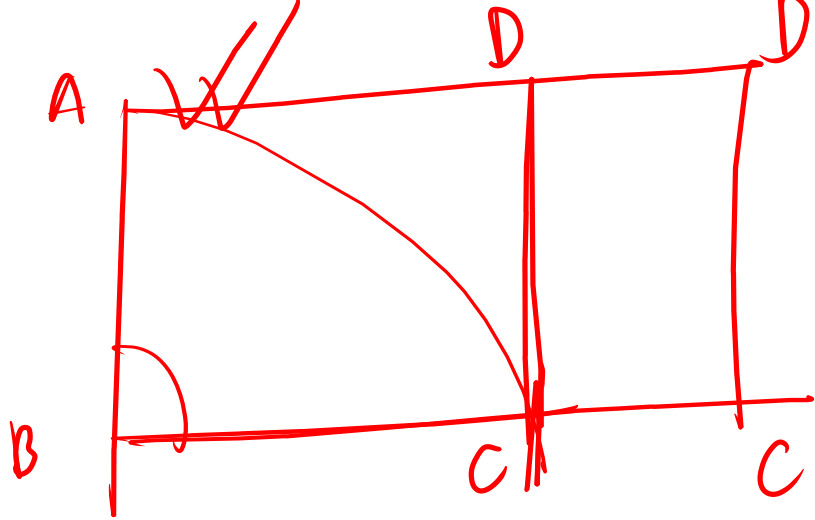
[৩২তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]



বর্গ

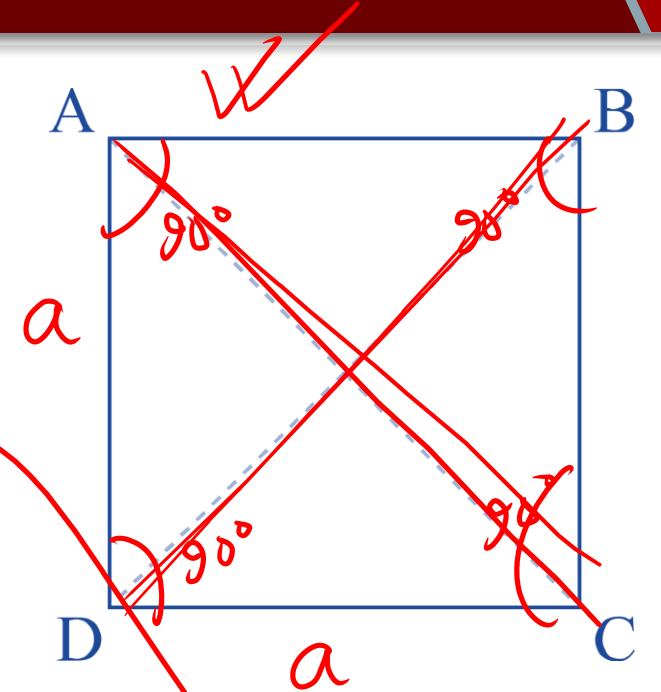
□ বর্গক্ষেত্রের বৈশিষ্ট্য :

- ✓ সকল বাহু সমান।
- ✓ প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ অর্থাৎ 90° ফলে চার কোণের সমষ্টি 360° ।
- ✓ কর্ণদ্বয় পরস্পর সমান।
- ✓ কর্ণদ্বয় পরস্পরকে সমকোণে সমদ্বিখণ্ডিত করে।



$(\text{কর্ণদ্বয়}) = a^2$

কর্ণদ্বয় সমান
কর্ণদ্বয় পরস্পরকে
সমকোণে সমদ্বিখণ্ডিত করে।

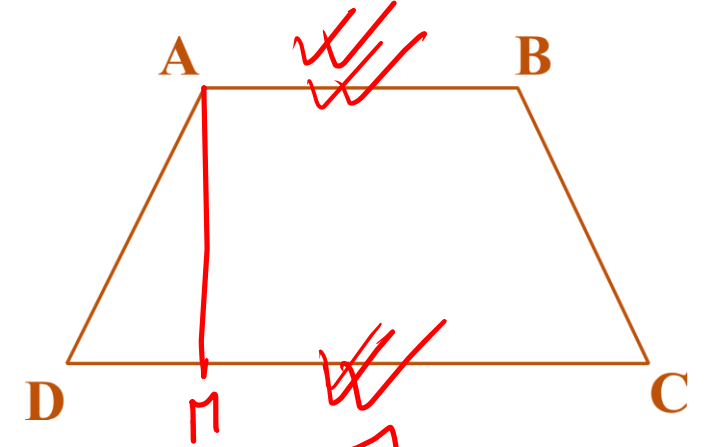


$\text{কর্ণদ্বয়} + \text{কর্ণ}$

ট্রাপিজিয়াম

□ ট্রাপিজিয়ামের বৈশিষ্ট্য:

- কেবল দুইটি বাহু সমান্তরাল, বাকী দুইটি বাহু অসমান্তরাল।
- সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের একটিকে ভূমি এবং অসমান্তরাল বাহুদ্বয়কে তীর্যক বাহু বলা হয়।
- তীর্যক বাহুদ্বয় সমান হলে একে সমদ্বিবাহু ট্রাপিজিয়াম বলা হয়।
- সমান্তরাল বাহুদ্বয় কখনও সমান হতে পারে না।



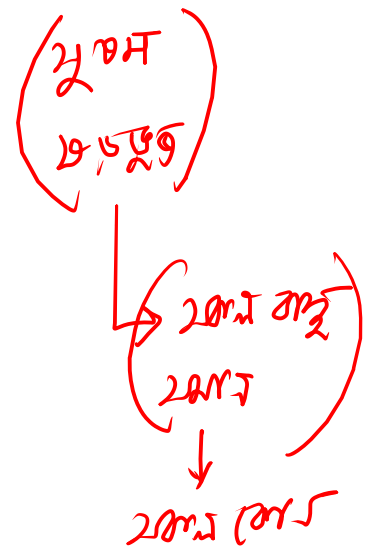
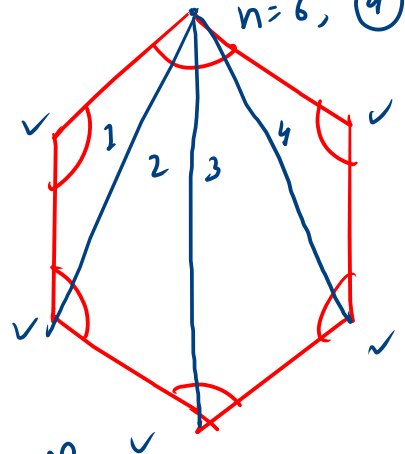
✓ ক্ষেত্রফল =

$$\frac{1}{2} (AB + DC) \times AM$$

$\frac{1}{2} \times$ সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের (AB+DC) \times ২ম তীর্যক
কম্পন বা তীর্যক \times ২ম তীর্যক

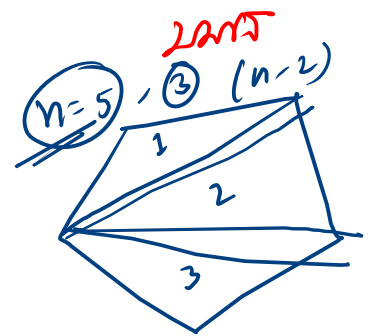
प्रश्न :

- i) $(n-2) \times 180^\circ = ?$ ✓
- ii) $\sum \text{अंतर कोण} = ? \rightarrow \sum = \frac{\text{अंतर कोण}}{\text{अंतर कोण}} \times 180^\circ$ ✓
- iii) $\sum \text{अंतर कोण} = 360^\circ$ ✓



i) $n \times 180^\circ \rightarrow (n-2) \times 180^\circ$ अंतर कोण

$360^\circ \neq 60^\circ$ ✓
 $6 \rightarrow n=6$ ✓



$$i) 2 \times 180^\circ = 360^\circ$$

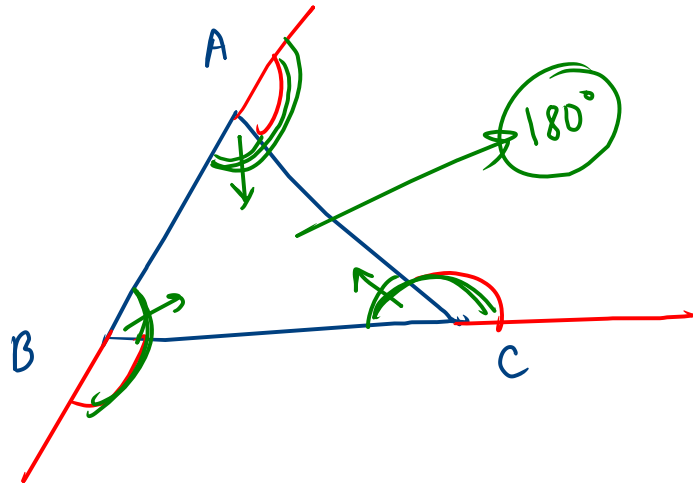
ii) n १०००

$$\text{sum} = \frac{360^\circ}{n}$$
$$= \frac{360^\circ}{3}$$

$$= 120^\circ$$

१२:१२

$n=4$
 $n=5$

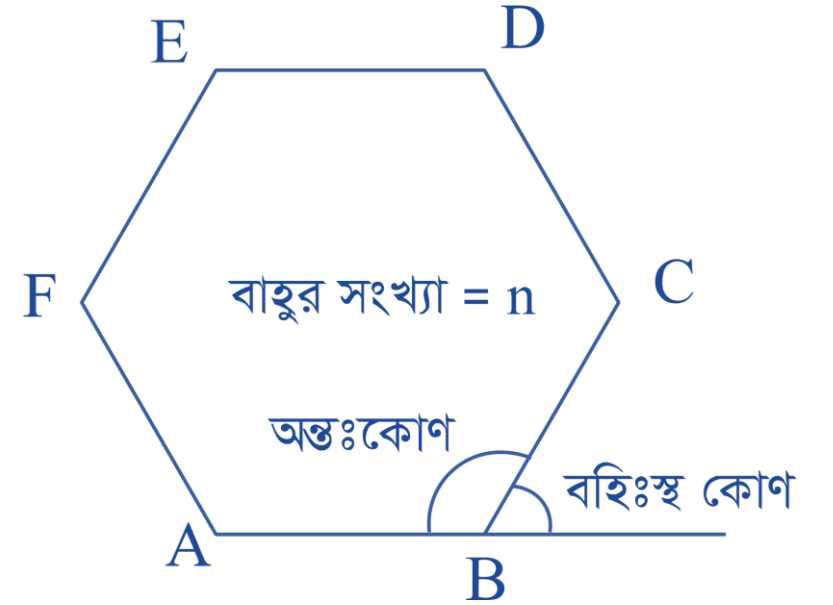


$$(180 + 180 + 180) - 180^\circ$$

$$= 360^\circ$$

বহুভুজ

- সকল বহুভুজের বহিঃস্থ কোণের সমষ্টি 360° ।
- সুষম বহুভুজের বাহুর সংখ্যা = $\frac{360^\circ}{\text{বহিঃস্থ কোণ}}$
= $\frac{360^\circ}{180^\circ - \text{অন্তঃস্থ কোণ}}$
- সুষম বহুভুজের বহিঃস্থ কোণের পরিমাপ = $\frac{360^\circ}{\text{বাহুর সংখ্যা}}$
- বহুভুজের অন্তঃকোণের পরিমাপ = $180^\circ - \text{বহিঃস্থ কোণের পরিমাপ}$
- n বাহু বিশিষ্ট সুষম বহুভুজের অন্তঃস্থ কোণগুলোর সমষ্টি = $(n - 2) \times 180^\circ$



বহুভুজ

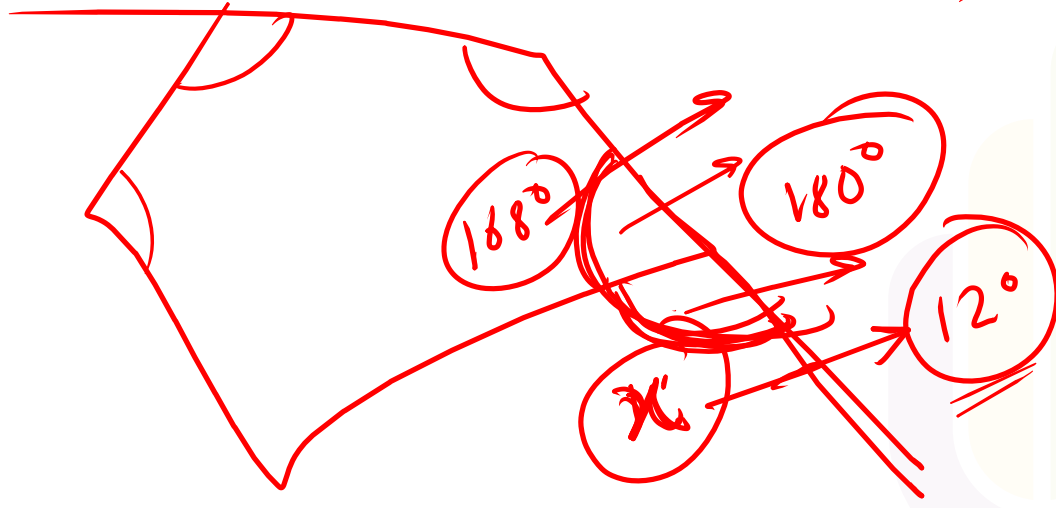
□ একটি সুষম বহুভুজের প্রত্যেকটি কোণ 168° এর বাহুসংখ্যা কতগুলো হবে? [৪৪তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]

(ক) ৩০

(খ) ২০

(গ) ১৮

(ঘ) ১০



$$\left. \begin{array}{l} n = \frac{\text{বহুভুজের মোট কোণ}}{\text{প্রতিটি বহুভুজের কোণ}} \\ = \frac{360^\circ}{12^\circ} \\ = \text{30} \end{array} \right\}$$

বহুভুজ

□ একটি পঞ্চভুজের সমষ্টি —

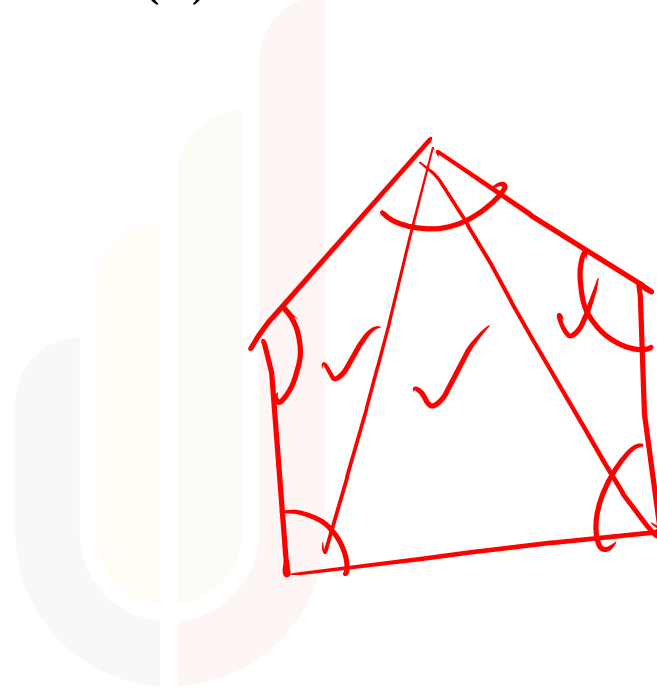
(ক) ৪ সমকোণ

(খ) ৬ সমকোণ

(গ) ৮ সমকোণ

[৩৪তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]

(ঘ) ১০ সমকোণ



$$\begin{aligned}n &\rightarrow (n-2) \times 180^\circ \\ &= 3 \times 180^\circ \\ &= 540^\circ \\ &= 6 \times 90^\circ \\ &= 6 \text{ সমকোণ}\end{aligned}$$

POLL QUESTION-01

➤ একটি সুষম ~~পঞ্চভুজের~~ একটি বহিঃস্থ কোণের পরিমাণ কত?

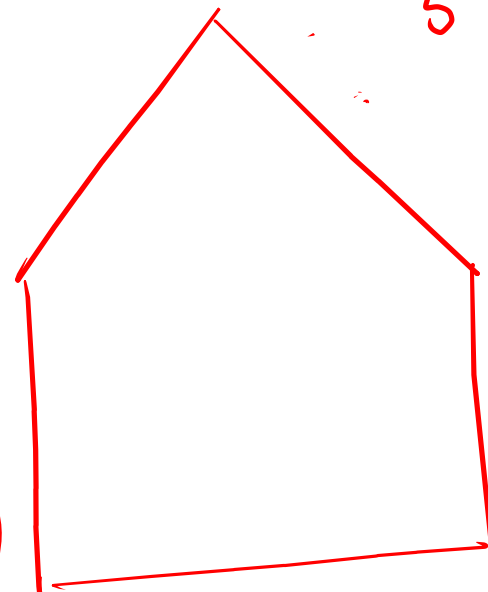
(a) 108°

(b) 72°

(c) 36°

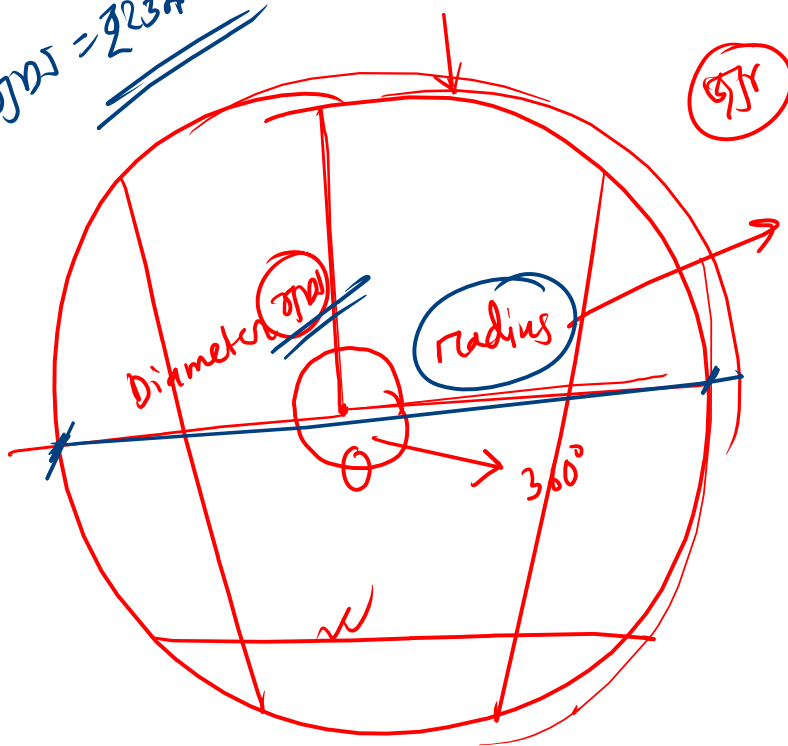
(d) 18°

✓ 5
Total angle (sum)
= $\frac{360^\circ}{5}$
= 72°



$$5x = \frac{360^\circ}{x}$$
$$x = \frac{360^\circ}{5}$$
$$= 72^\circ$$

જાંચ = ૨૨૩૫ જાં



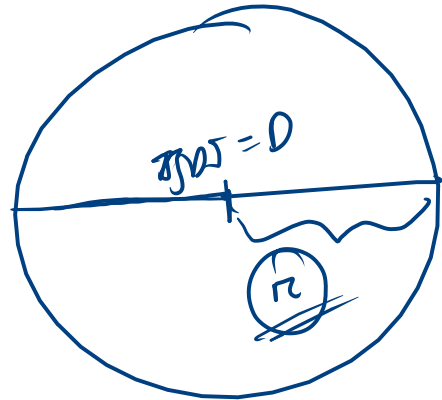
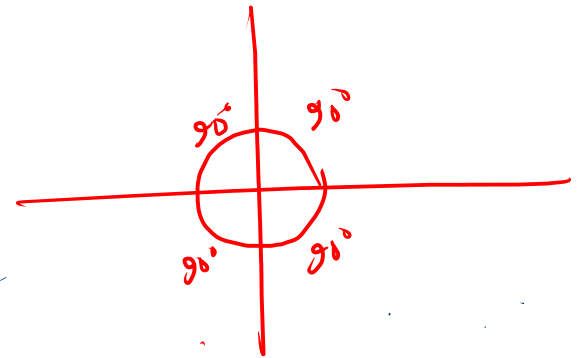
જાંચ

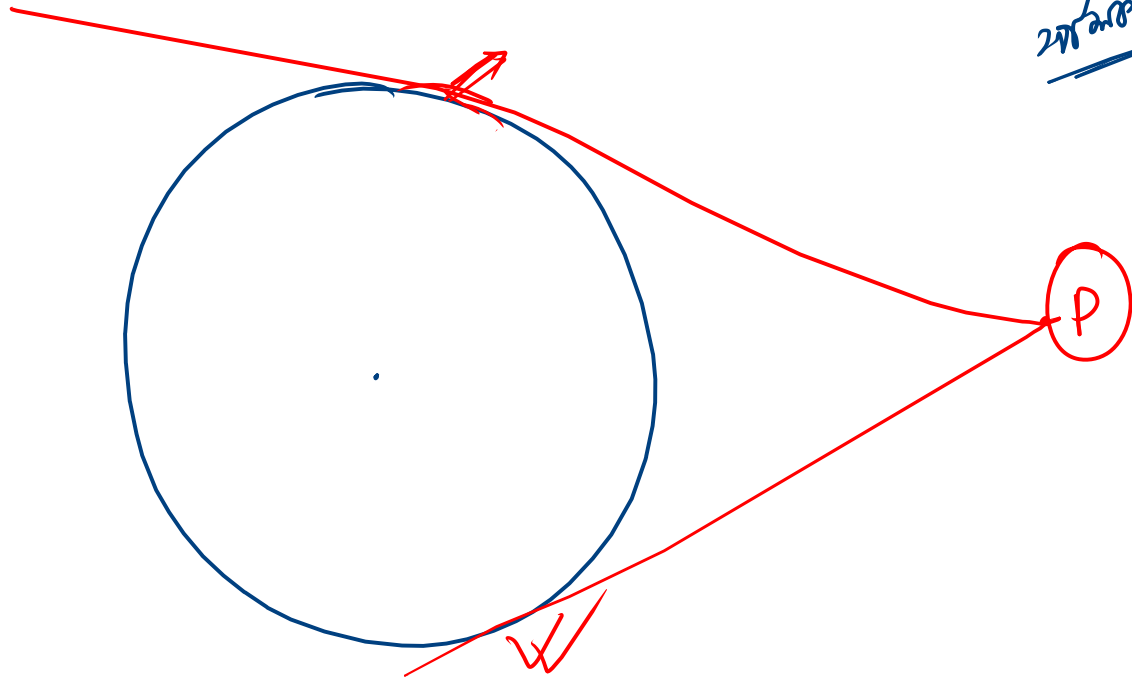
જાંચ

ખંડી ૨૧૫ = ખંડી

2π

π²





ଅନୁସାରେ (tangent)

↪ ଚିତ୍ର ଦେଖନ୍ତୁ

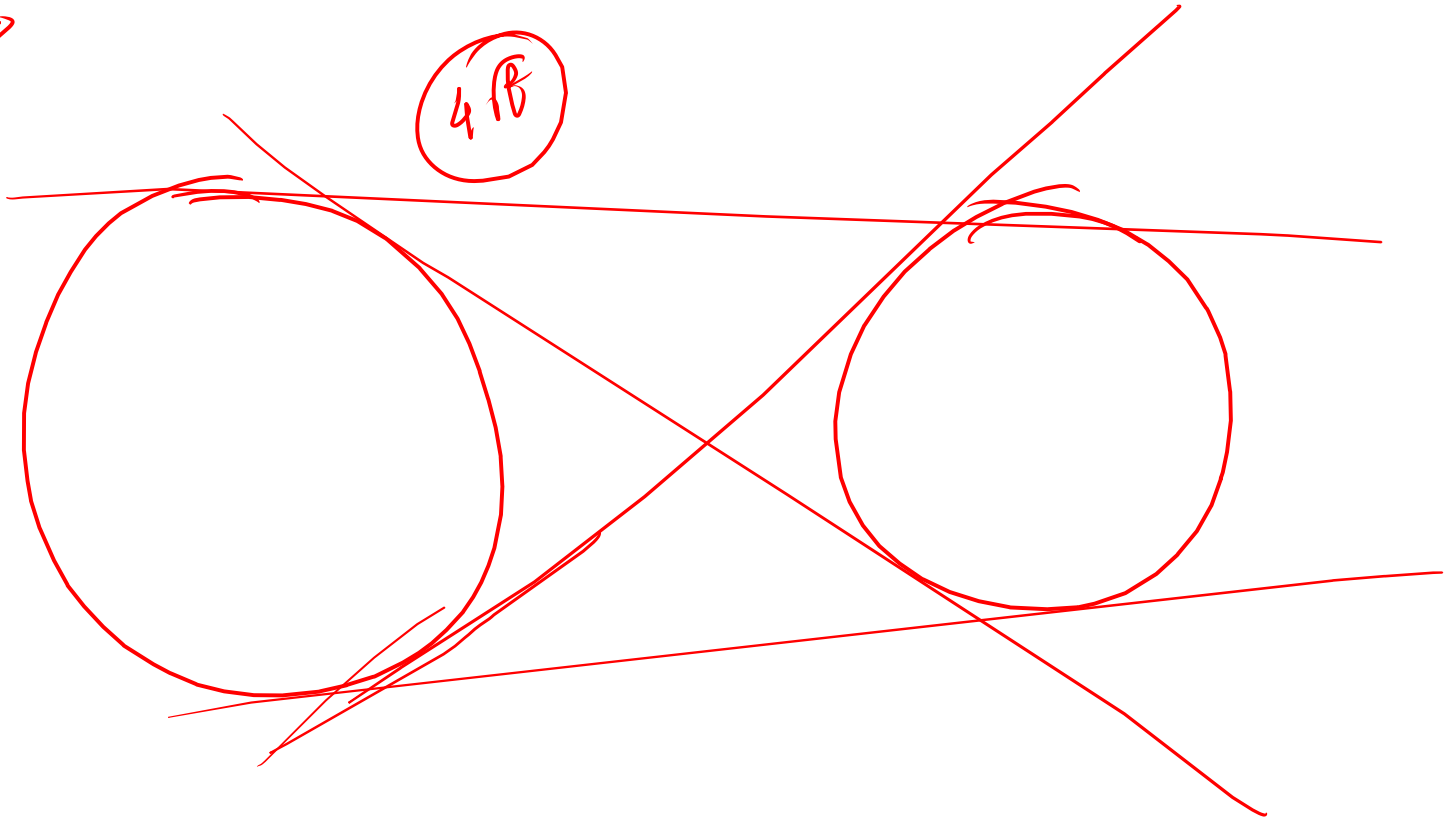
ଅନୁସାରେ ଚିତ୍ର ଦେଖନ୍ତୁ

↓
ଅନୁସାରେ

ଅନୁସାରେ ଚିତ୍ର ଦେଖନ୍ତୁ

2020/2021

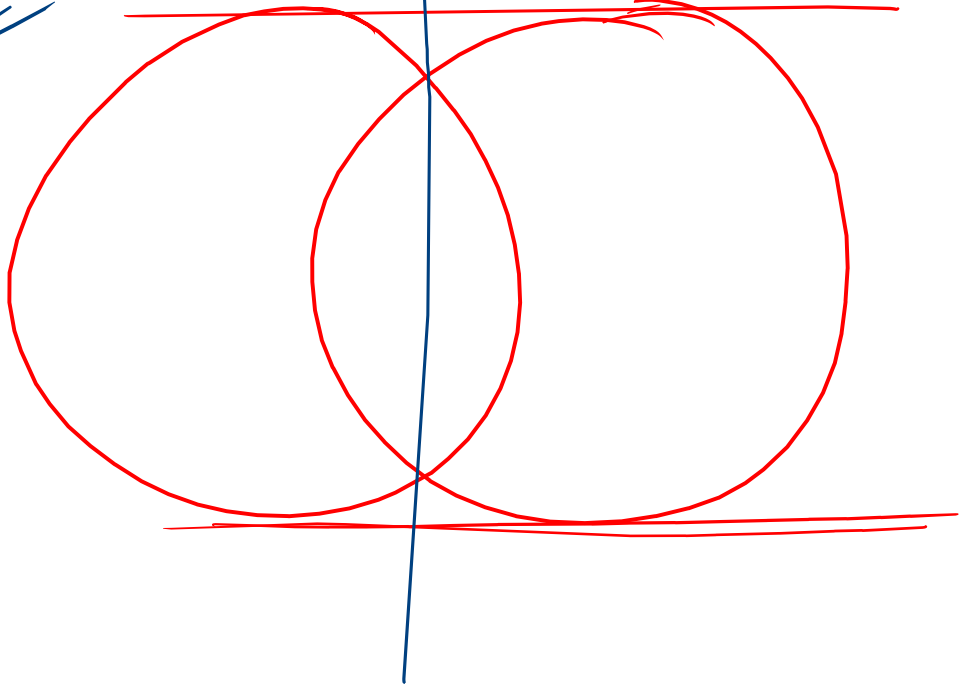
4 B



2008-2009

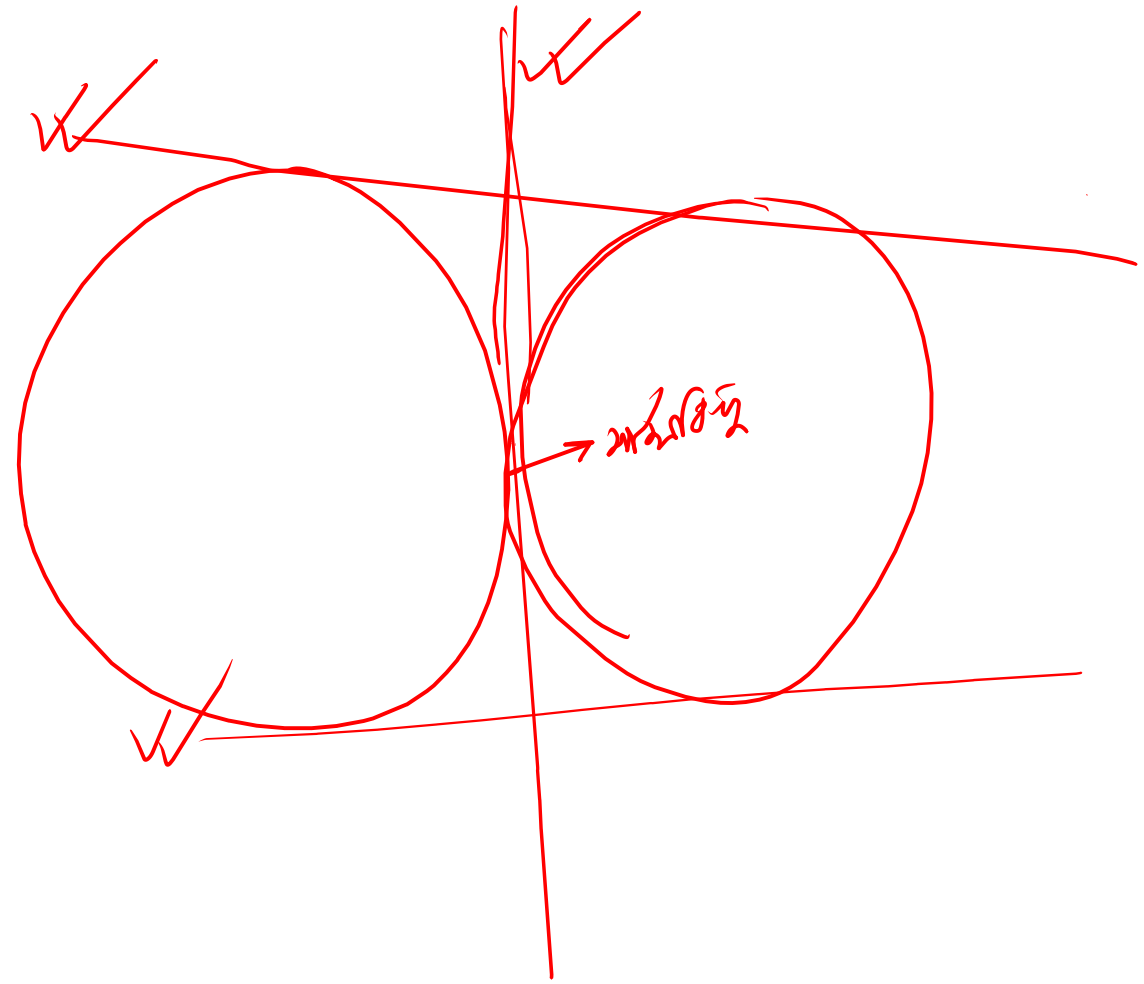
2008

2009



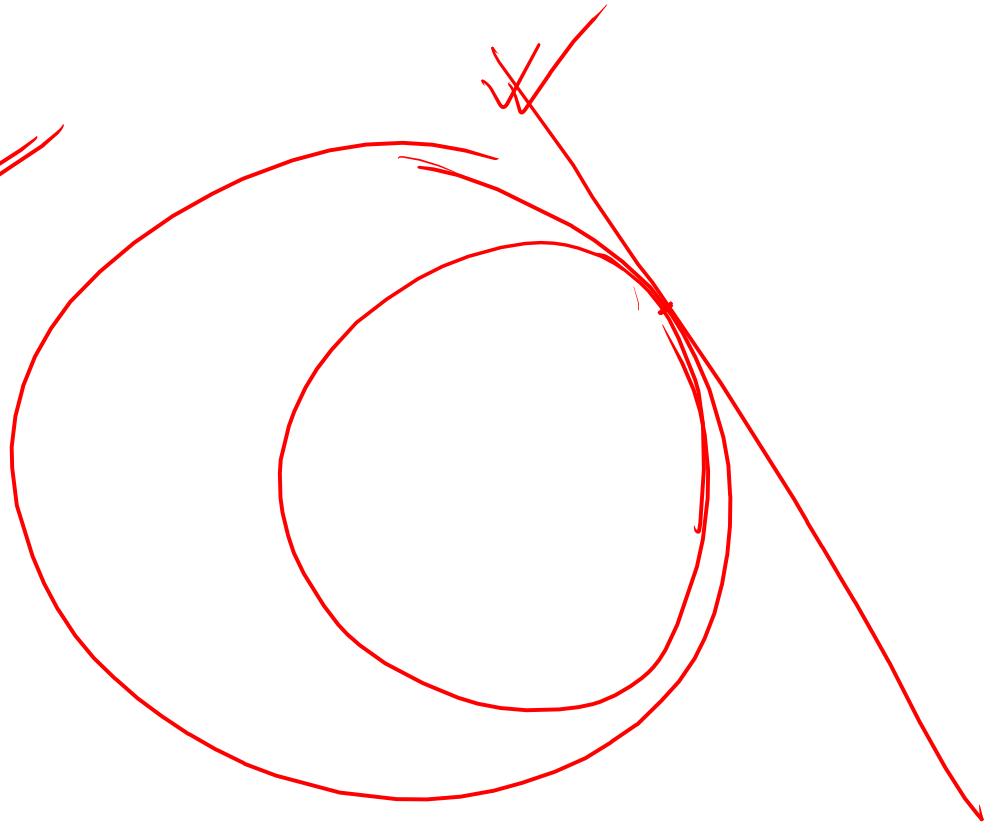
2nd/1st order:

3rd



2nd order

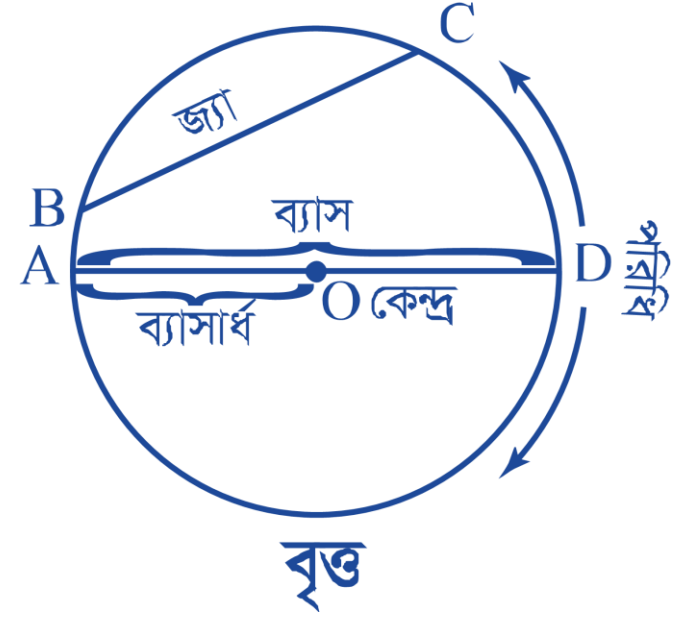
1/B



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ বৈশিষ্ট্য:

- ✓ একটি বৃত্তে একটিই কেন্দ্র থাকে।
- ✓ বৃত্তের কেন্দ্রে 360° কোণ উৎপন্ন হয়।
- ✓ কেন্দ্রগামী জ্যা বৃত্তের ব্যাস।
- ✓ বৃত্তের পরিধি বলতে বৃত্তের চারপাশের দৈর্ঘ্য বুঝায়।



□ বৃত্তের বিভিন্ন অংশ:

- **পরিধি:** বৃত্ত উৎপন্নকারী চলমান বিন্দুটির সঞ্চারণপথের দৈর্ঘ্যকেই পরিধি বলে। যদি বৃত্তের ব্যাসার্ধ = r একক হয়, তবে বৃত্তের পরিধি = $2\pi r$ একক।
- **জ্যা:** বৃত্তের পরিধির উপরস্থ যেকোনো দুইটি ভিন্ন বিন্দুর সংযোজক রেখাংশকে জ্যা বলে।
- **ব্যাস:** বৃত্তের কোনো জ্যা যদি কেন্দ্র দিয়ে গমন করে, তবে জ্যাটিকে বৃত্তের ব্যাস বলে। বৃত্তের বৃহত্তম জ্যা ই হচ্ছে ব্যাস।
- **ব্যাসার্ধ:** কেন্দ্র থেকে বৃত্তের পরিধির উপর কোনো বিন্দুর দূরত্বকে ঐ বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে।

বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ 4 সে.মি. বাহুবিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রে পরিলিখিত বৃত্তের ক্ষেত্রফল কত?

πr^2

$\frac{1}{4} \pi d^2$

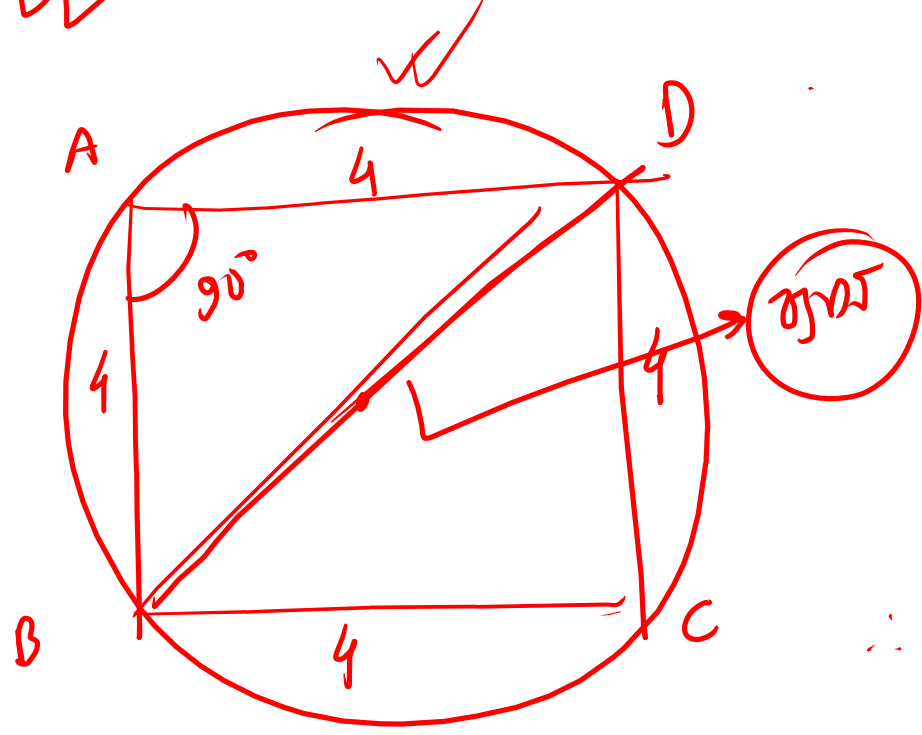
[৪৬তম বিসিএস]

(ক) 8π বর্গ সে.মি.

(খ) 6π বর্গ সে.মি.

(গ) 4π বর্গ সে.মি.

(ঘ) $2\sqrt{2}\pi$ বর্গ সে.মি.



\therefore ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{4} \pi d^2$
 $= \frac{1}{4} \pi \times 32$
 $= 8\pi$

ΔABD তে,

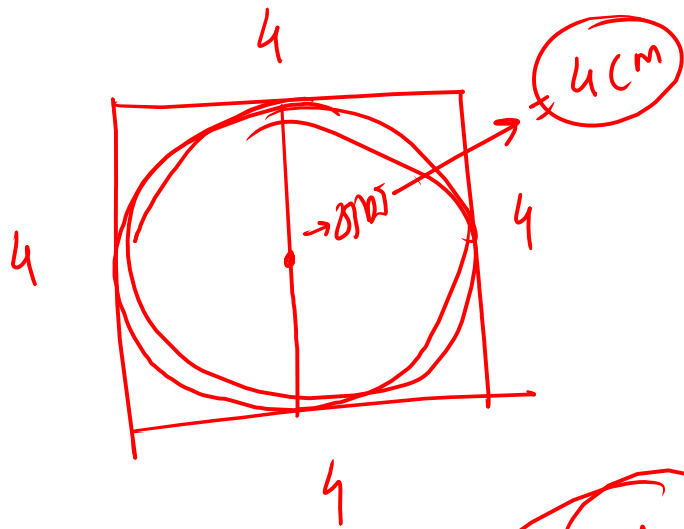
$BD^2 = AD^2 + AB^2$

$\Rightarrow BD^2 = 4^2 + 4^2 = 32$

$\therefore BD = \sqrt{32}$

$= \sqrt{16 \times 2}$

$= 4\sqrt{2}$



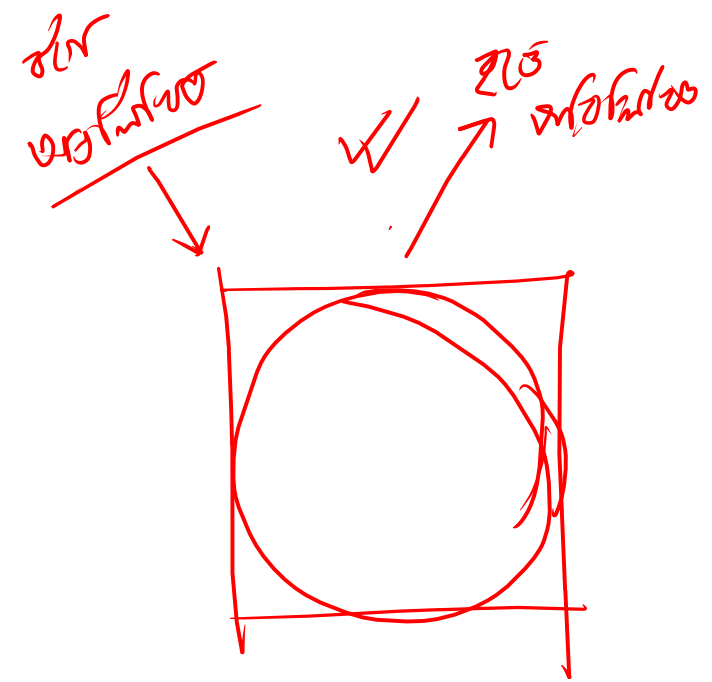
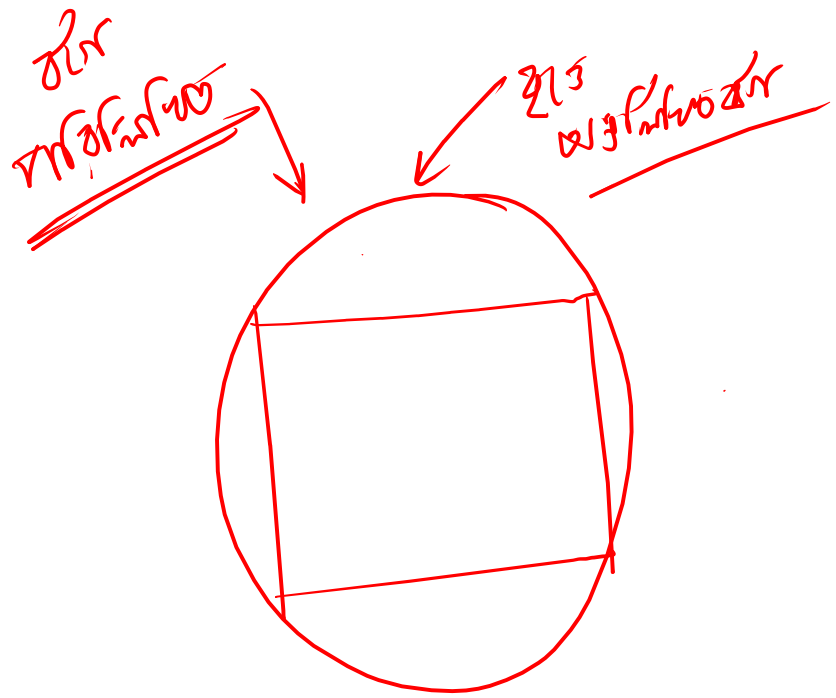
$$\frac{1}{4} \pi d^2$$
$$= \frac{1}{4} \pi \times 16$$
$$= 4\pi$$

~~4π~~

7:38

7:43 PM

~~Starts Remmes~~



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

7:43 resuming

বৃত্তের ব্যাস চারগুণ বৃদ্ধি পেলে ক্ষেত্রফল কতগুণ বৃদ্ধি পাবে?

[৪২তম বিসিএস প্রিলিমিনারি(স্বাস্থ্য)]

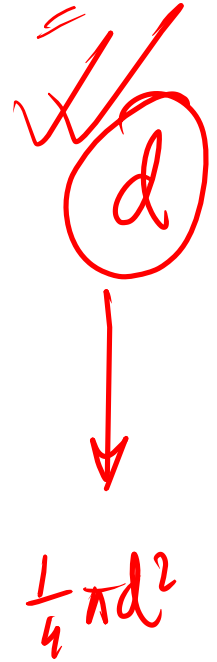
(ক) ৪

(খ) ৮

(গ) ১২

(ঘ) ১৬

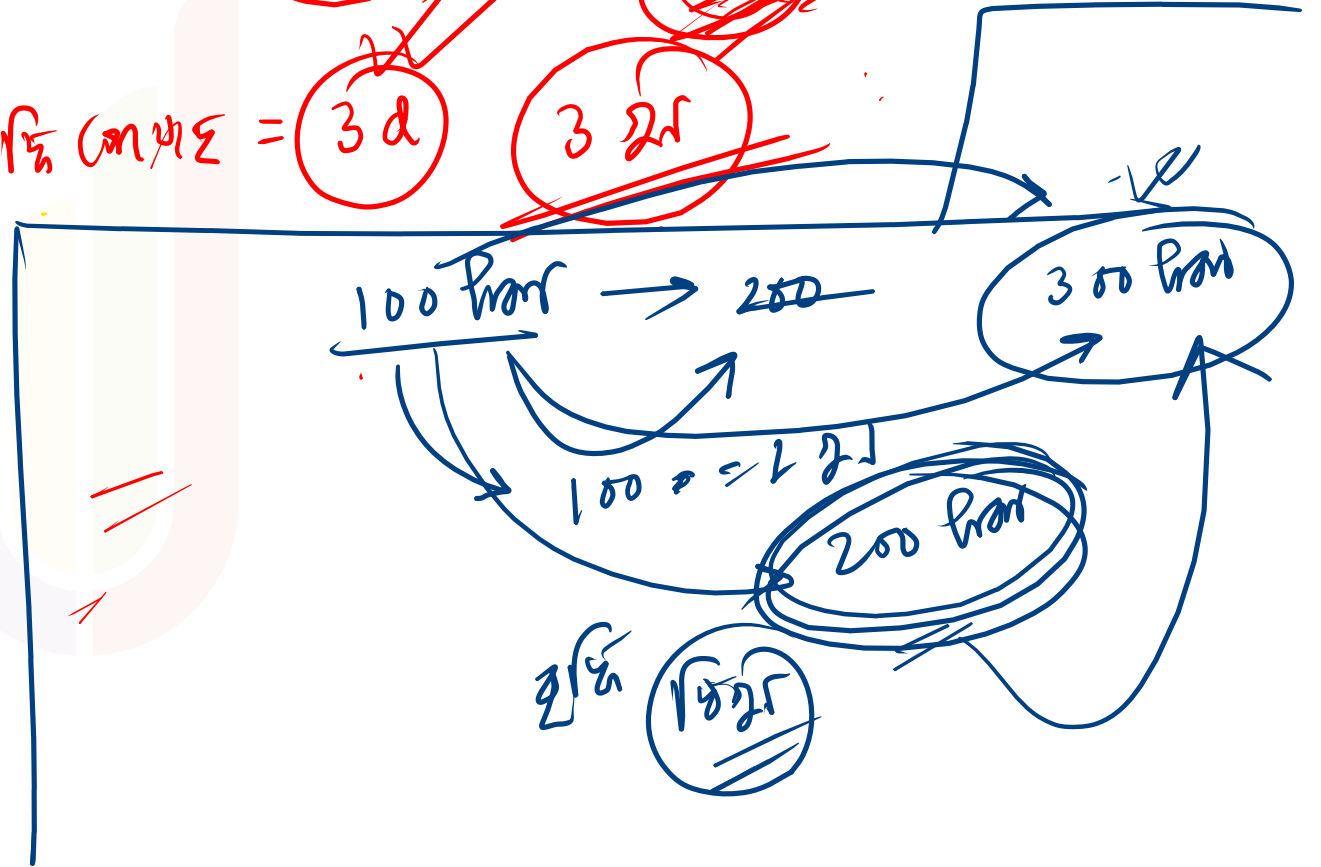
~~২৫~~



$$\frac{1}{4} \pi (4d)^2 = 16 \times \frac{1}{4} \pi d^2$$

বৃদ্ধি পেয়েছে = $3d$

~~3 গুণ~~



trans 2/5,

$$d + 4d = 5d$$

~~525~~

$$\frac{1}{4} \pi (5d)^2$$

$$= 25 \times \left(\frac{1}{4} \pi d^2 \right)$$

$$\frac{1}{4} \pi d^2$$

$$\frac{1}{4} \pi d^2$$

$$25 \times \underline{2705}$$

$$25 \times \left(\frac{1}{4} \pi d^2 \right) - \left(\frac{1}{4} \pi d^2 \right)$$

$$2705 = 24 \times \frac{1}{4} \pi d^2$$

$$2705 \times \frac{4}{\pi} = \underline{\underline{24 \times 25}}$$

বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ বৃত্তের পরিধি ও ব্যাসের অনুপাত-

(ক) e

(খ) π

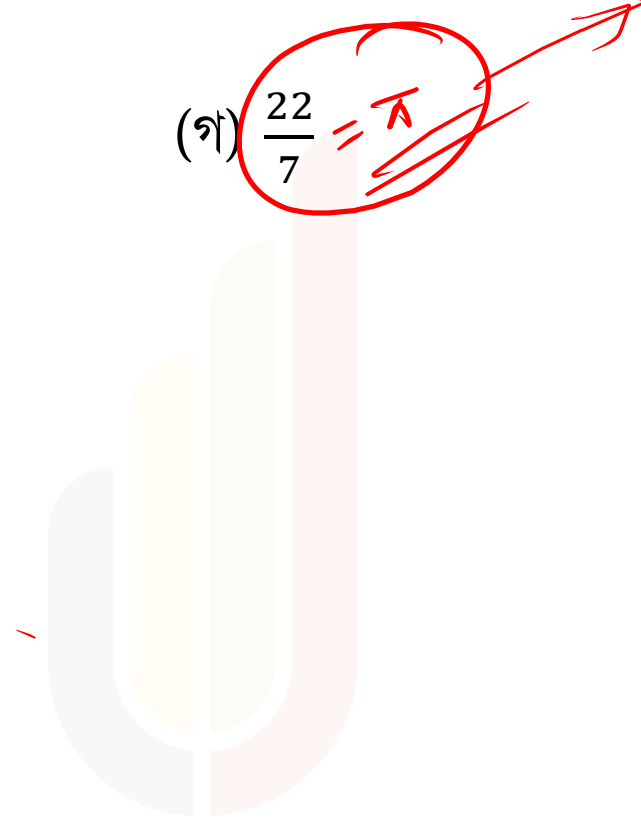
(গ) $\frac{22}{7}$

(ঘ) প্রায় 5

$$2\pi r$$

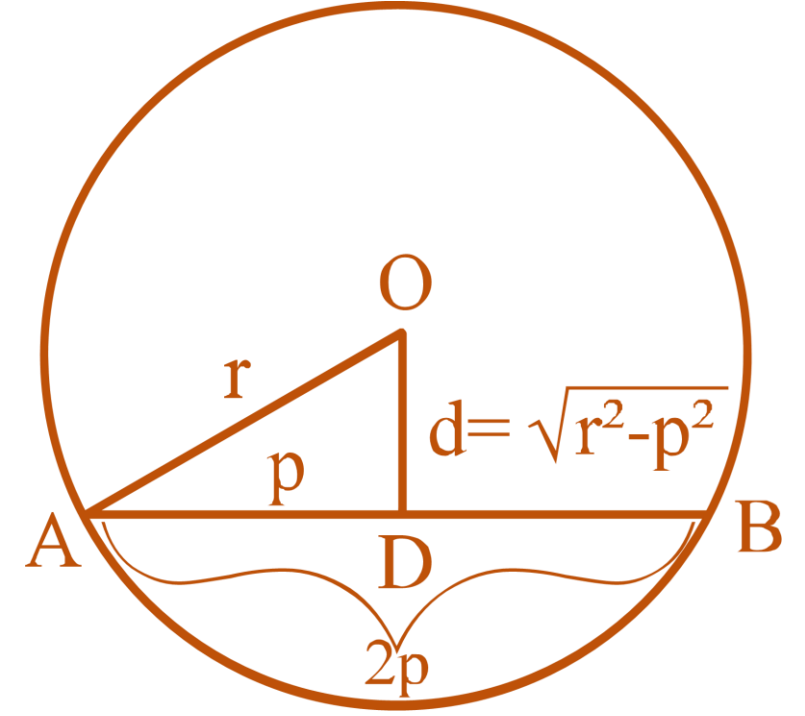
$$r$$

$$2r$$



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

- কেন্দ্র থেকে জ্যা এর লম্ব দূরত্ব



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

শিখিত

□ 13 সে. মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের একটি জ্যা-এর দৈর্ঘ্য 24 সে.মি. হলে কেন্দ্র থেকে উক্ত জ্যা-এর লম্ব দূরত্ব কত সে. মি.?

[৩৭তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]

(ক) 3

(খ) 4

(গ) 5

(ঘ) 6

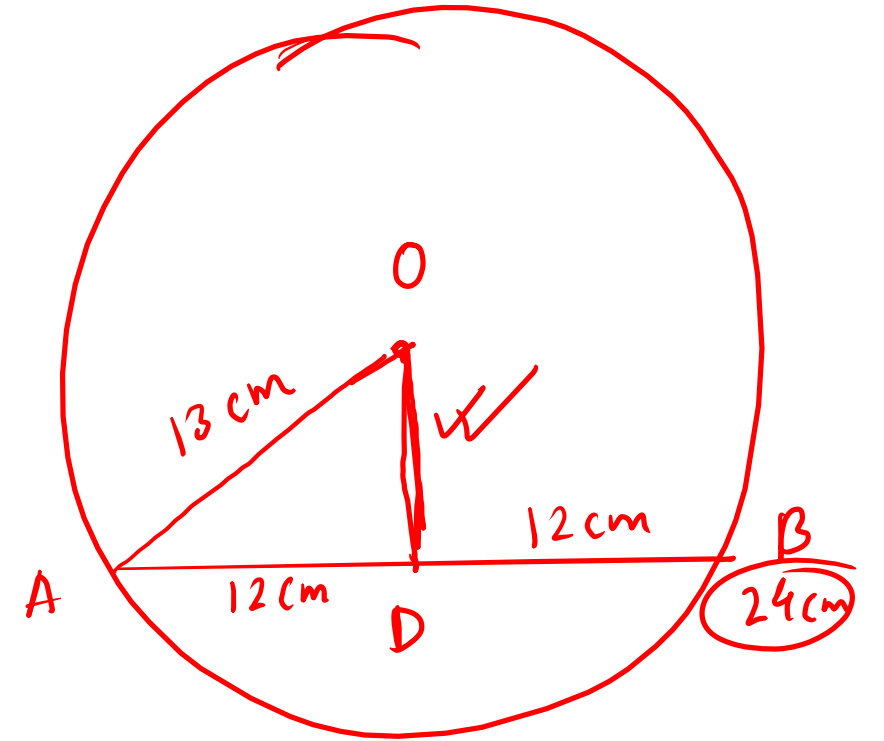
$\triangle OAD$,

$$OA^2 = AD^2 + OD^2$$

$$\Rightarrow 169 = 144 + OD^2$$

$$\therefore OD^2 = 25$$

$$\therefore OD = \pm 5 = 5$$



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে OD, AB জ্যা-এর উপর লম্ব এবং AD = 5 সে.মি হলে, AB = কত?

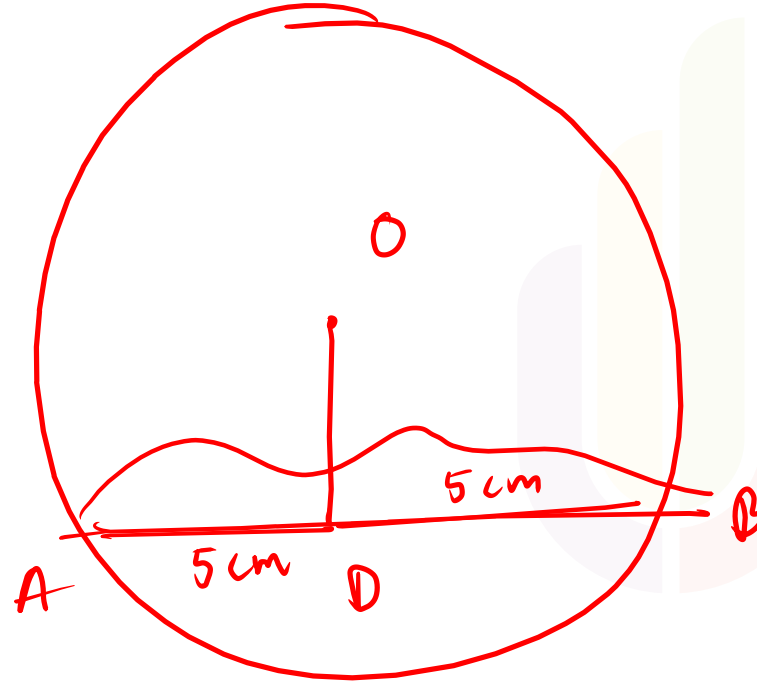
(ক) 10 সে.মি

(খ) 15 সে.মি

(গ) $7\frac{1}{2}$ সে.মি

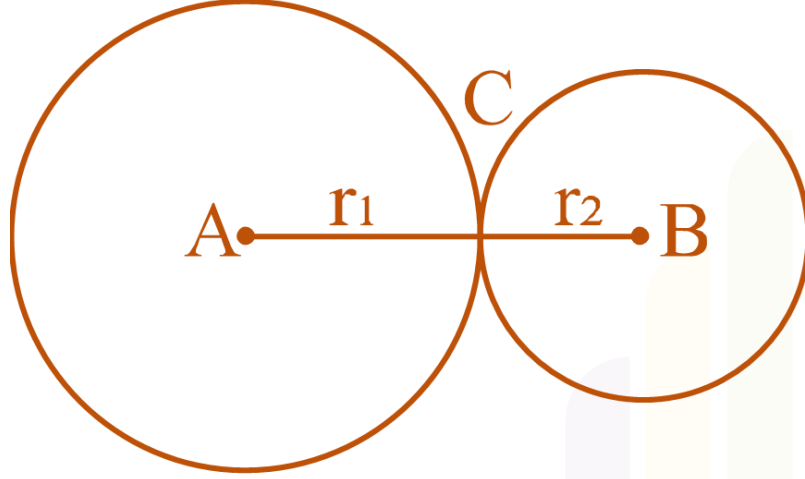
(ঘ) 4 সে.মি

10cm

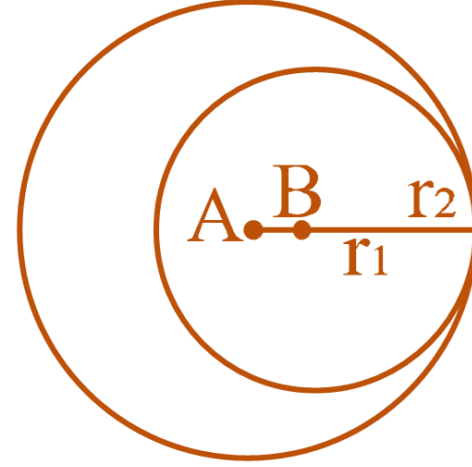


বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ ছেদ, বহিঃস্পর্শ ও অন্তঃস্পর্শ সম্পর্কিত অনুসিদ্ধান্ত



চিত্র - ১



চিত্র - ২

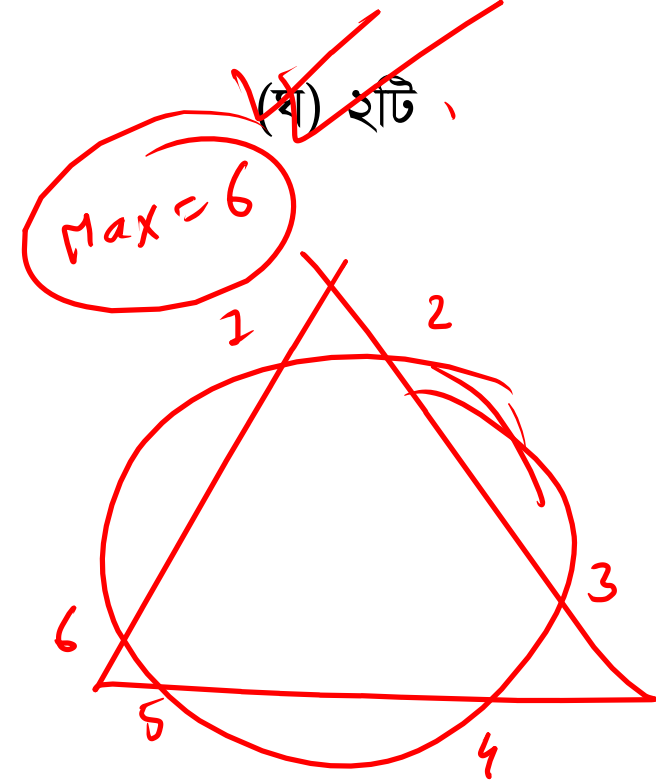
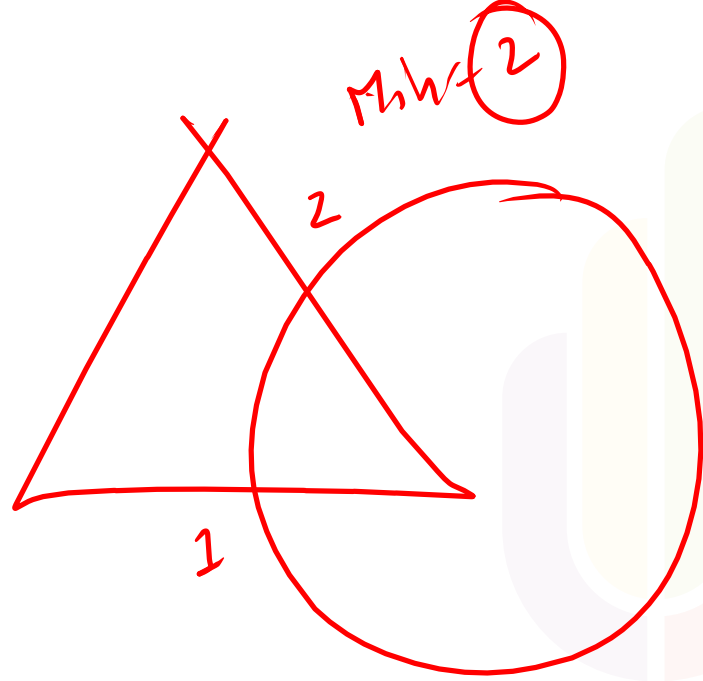
বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

✓ একটি ত্রিভুজ এবং একটি বৃত্ত ন্যূনতম কয়টি বিন্দুতে ছেদ করে?

(ক) ৪টি

(খ) ১টি

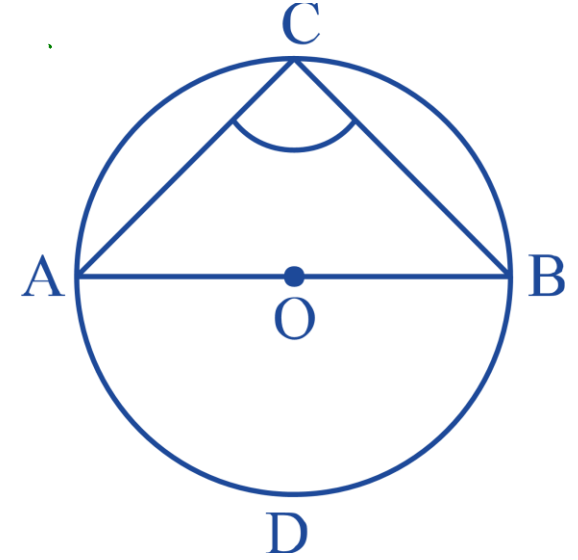
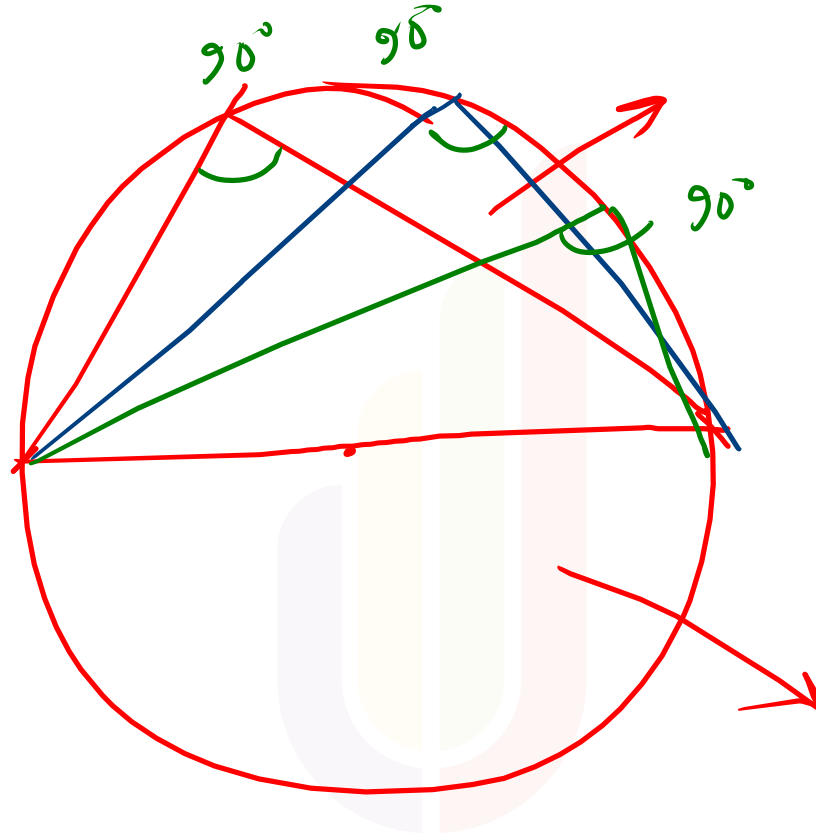
(গ) ৩টি



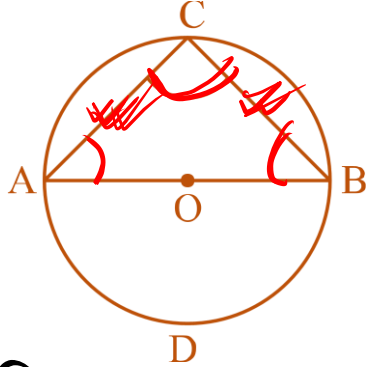
~~(ঘ) ২টি~~

বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ অর্ধবৃত্তস্থ কোণ =



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য



$$\angle ACB = 90^\circ$$

$$\angle A = \angle B = 45^\circ$$

চিত্রে ~~AB = AC~~ হলে, $\angle ABC$ এর মান কত?

(ক) ~~৪৫°~~

(খ) ৯০°

(গ) ১৮০°

(ঘ) ১২০°

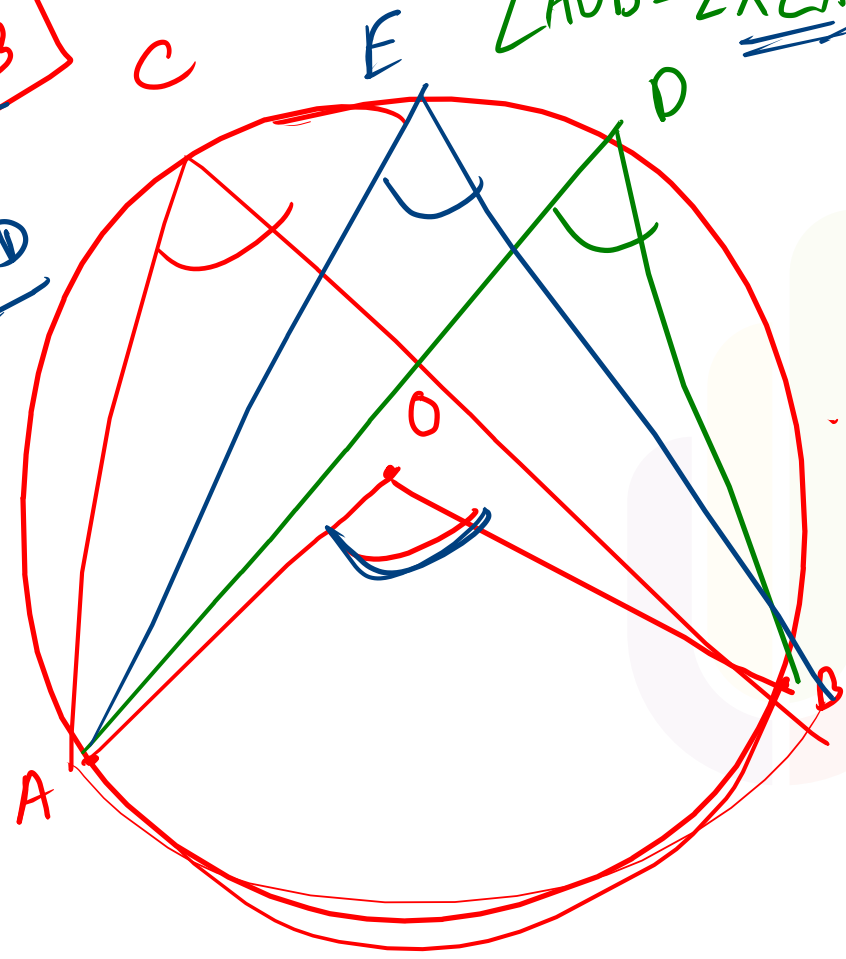
বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ বৃত্তের বৃত্তস্থ ও কেন্দ্রস্থ কোণ

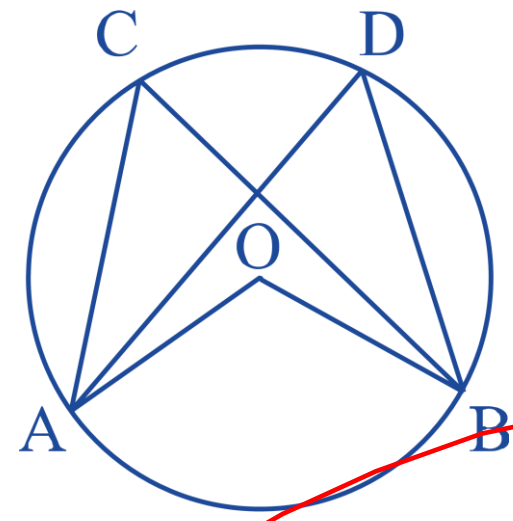
$\angle AOB = 2 \times \angle ACB$

$\angle AOB = 2 \times \angle AED$

$\angle AOB = 2 \times \angle ADB$



(কেন্দ্রস্থ কোণ = 2 x বৃত্তস্থ কোণ/পরিধি কোণ)



$\angle ACB = \angle ADB = \angle AED$

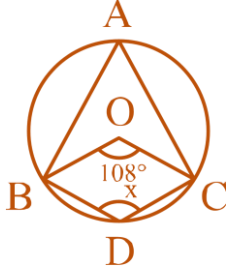
বৃত্তস্থ কোণ

→ বৃত্তস্থ কোণ

বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

□ O কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্তে x কোণের মান কত?

[৪৩তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]



(ক) 54°

(খ) 72°

(গ) 108°

(ঘ) 126°

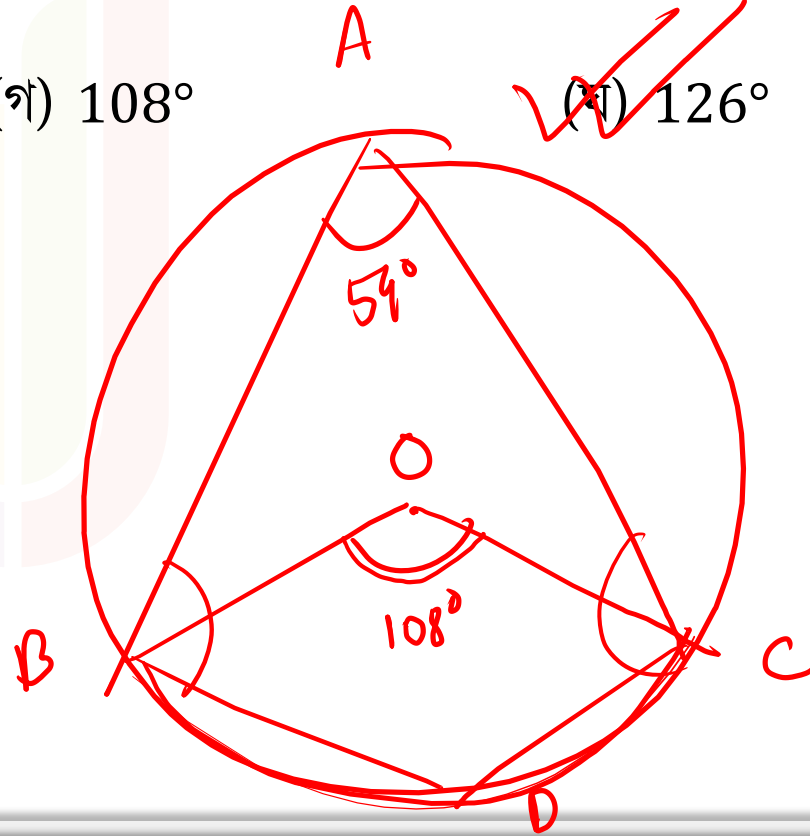
ABDC চক্কুর অংকিতে হাশেদ।

সম্মতি কোণের সমষ্টি = 180°

$$\angle BAC + \angle BDC = 180^\circ$$

$$54^\circ + x = 180^\circ$$

$x = 126^\circ$



$$\angle BDC = 108^\circ$$

$$\angle BAC = \frac{108^\circ}{2}$$

54°

বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

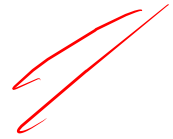
□ কোনো বৃত্তের কেন্দ্রস্থ কোণ 120° হলে ঐ বৃত্তের পরিধিস্থ কোণ হবে-

(ক) 240°

✓ (খ) 60°

(গ) 90°

(ঘ) 120°



বৃত্ত সংক্রান্ত উপপাদ্য

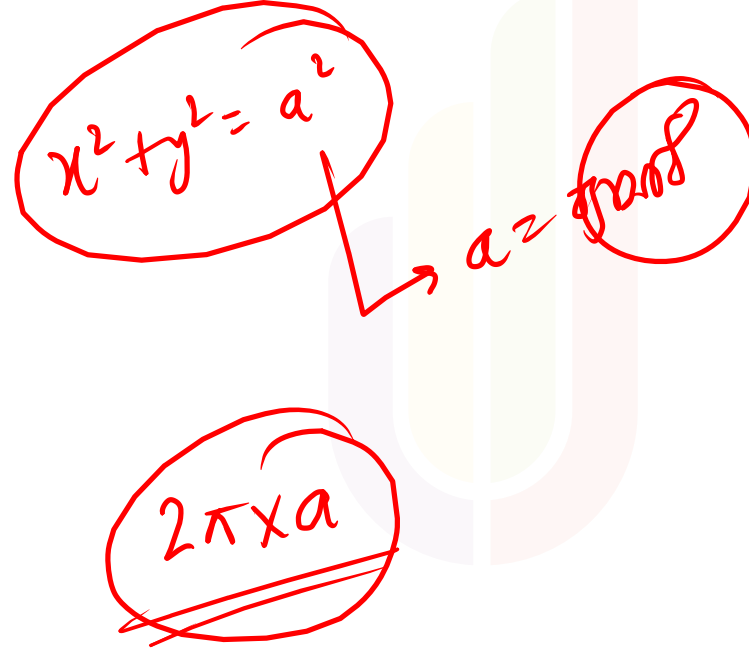
□ $x^2 + y^2 = a^2$ বৃত্তের পরিসীমা কত হবে?

(ক) $\frac{3a^2}{4} \pi$

(খ) $2\pi a$

(গ) 2π

(ঘ) $6a\alpha$



POLL QUESTION-02

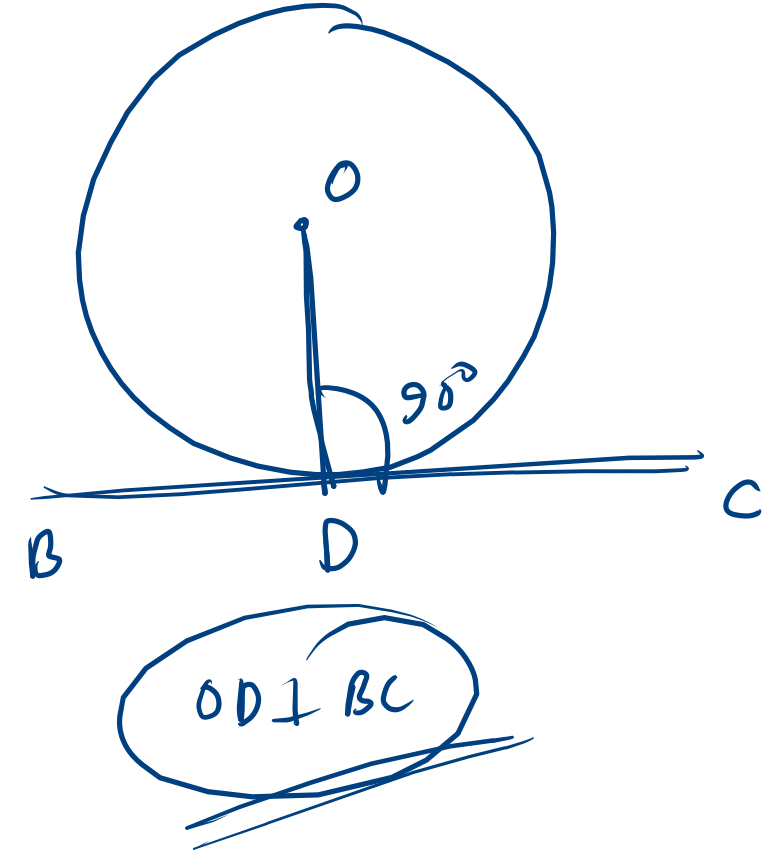
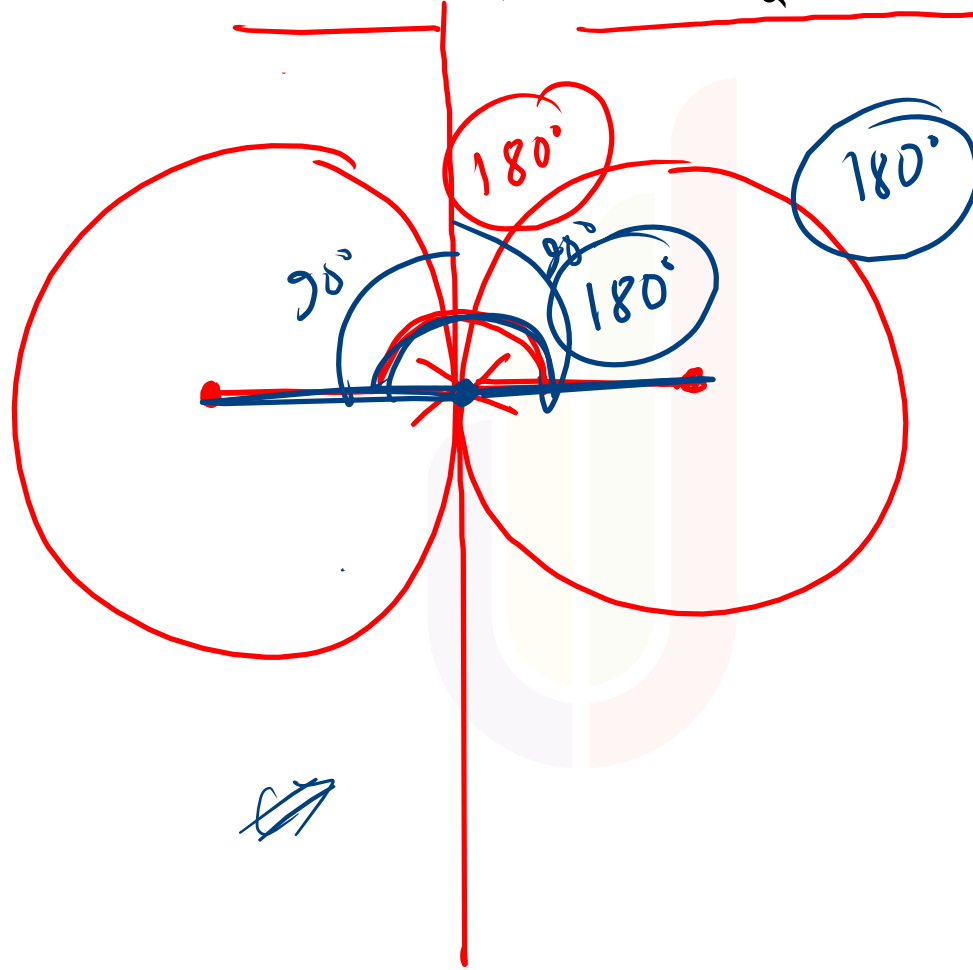
❖ দুটি বৃত্ত যদি পরস্পর স্পর্শ করে তবে কেন্দ্রদ্বয় হতে স্পর্শ বিন্দুগামী সরলরেখা দুটির অন্তর্ভুক্ত কোণ-

(a) সূক্ষ্মকোণ

(b) স্থূলকোণ

(c) সমকোণ

(d) সরলকোণ



ত্রিকোণমিতি

□ ত্রিকোণমিতিক অনুপাতসমূহ:

$$\checkmark \sin\theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{অতিভুজ}} = \frac{PN}{OP}$$

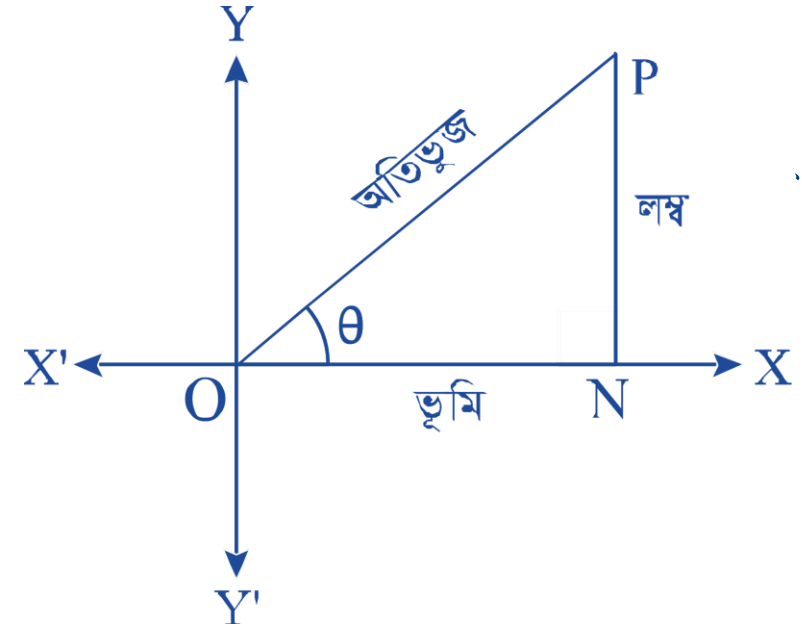
$$\checkmark \operatorname{cosec}\theta = \frac{\text{অতিভুজ}}{\text{লম্ব}} = \frac{OP}{PN}$$

$$\checkmark \cos\theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{অতিভুজ}} = \frac{ON}{OP}$$

$$\checkmark \sec\theta = \frac{\text{অতিভুজ}}{\text{ভূমি}} = \frac{OP}{ON}$$

$$\checkmark \tan\theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{ভূমি}} = \frac{PN}{ON}$$

$$\checkmark \cot\theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{লম্ব}} = \frac{ON}{PN}$$



ত্রিকোণমিতি

□ ত্রিকোণমিতিক অনুপাতগুলোর পারস্পরিক সম্পর্ক:

ত্রিকোণমিতিক অনুপাতগুলোর সম্পর্ক	
✓ $\sin\theta = \frac{1}{\operatorname{cosec}\theta}$	✓ $\tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$
✓ $\cos\theta = \frac{1}{\sec\theta}$	✓ $\cot\theta = \frac{\cos\theta}{\sin\theta}$
✓ $\tan\theta = \frac{1}{\cot\theta}$	

□ ত্রিকোণমিতিক অনুপাত সংক্রান্ত কতিপয় অভেদাবলি:

① ✓ $\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$ $\Rightarrow \sin^2\theta = 1 - \cos^2\theta$ $\Rightarrow \cos^2\theta = 1 - \sin^2\theta$	② ✓ $\sec^2\theta - \tan^2\theta = 1$ $\Rightarrow \sec^2\theta = 1 + \tan^2\theta$ $\Rightarrow \tan^2\theta = \sec^2\theta - 1$
③ ✓ $\operatorname{cosec}^2\theta - \cot^2\theta = 1$ $\Rightarrow \operatorname{cosec}^2\theta = 1 + \cot^2\theta$ $\Rightarrow \cot^2\theta = \operatorname{cosec}^2\theta - 1$	

ত্রিকোণমিতি

□ ত্রিকোণমিতিক অনুপাতের মান নির্ণয়:

কোণ \ অনুপাত	0°	$\frac{\pi}{6} = 30^\circ$	$\frac{\pi}{4} = 45^\circ$	$\frac{\pi}{3} = 60^\circ$	$\frac{\pi}{2} = 90^\circ$
sin	<u>0</u>	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	<u>1</u>
cos	<u>1</u>	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	<u>0</u>
tan	<u>0</u>	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	<u>1</u>	$\sqrt{3}$	অসংজ্ঞায়িত

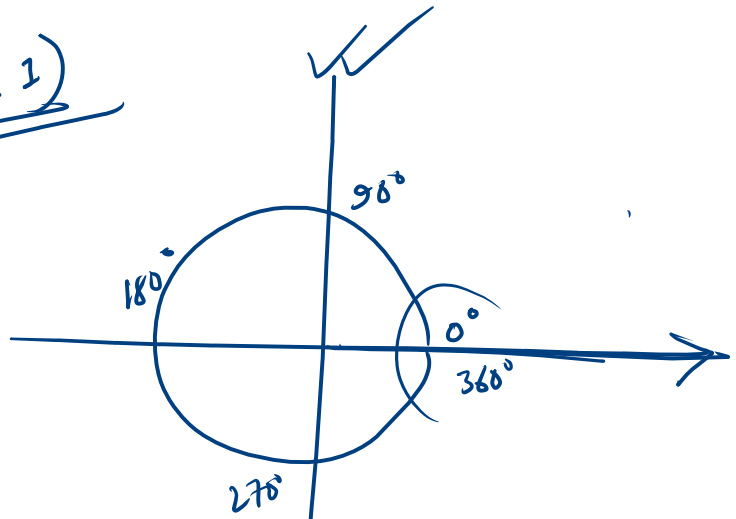
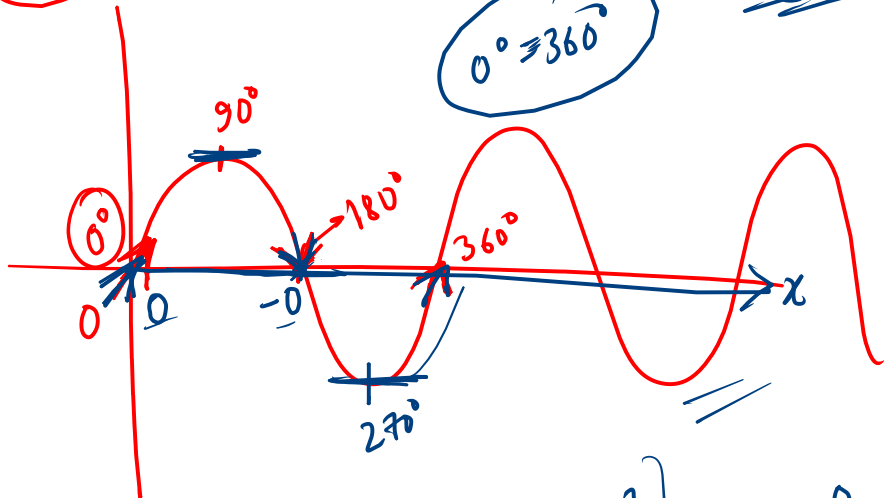
এছাড়া, $\operatorname{cosec}\theta = \frac{1}{\sin\theta}$, $\sec\theta = \frac{1}{\cos\theta}$ এবং $\cot\theta = \frac{1}{\tan\theta}$ এর মাধ্যমে এদের মান বের করা যায়।

Sin

$\sin 0 = 0$

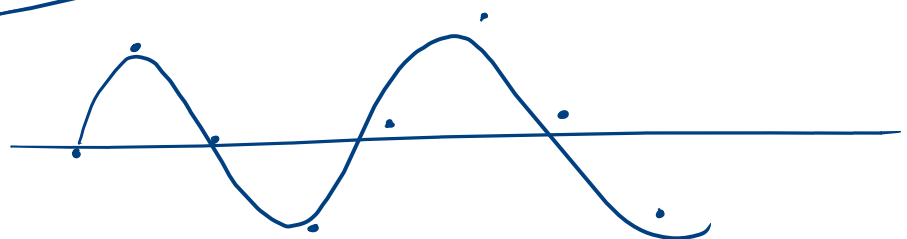
$(-1 \leq \sin \theta \leq 1)$

$0^\circ \approx 360^\circ$



$\left. \begin{aligned} \sin 0 &= 0 \\ \sin 90 &= 1 \\ \sin 180 &= 0 \end{aligned} \right\}$
 $\left. \begin{aligned} \sin 270 &= -1 \\ \sin 360 &= 0 \end{aligned} \right\}$

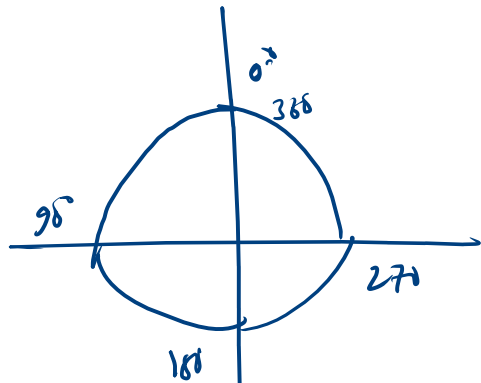
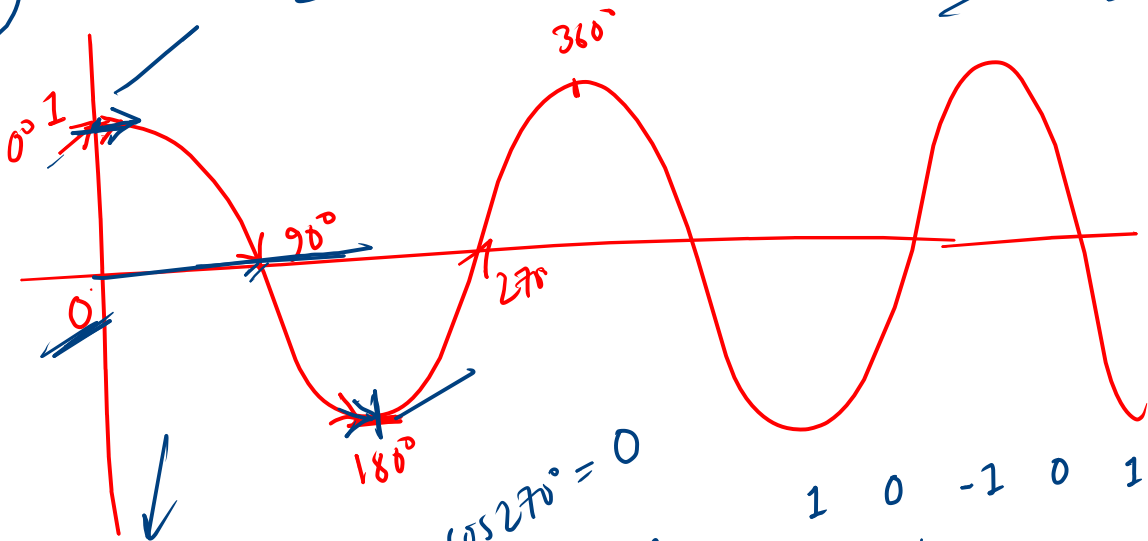
0 1 0 -1 0 1 0 -1



cos



$\sin \theta$ / $\cos \theta$



$$\cos 0^\circ = 1$$

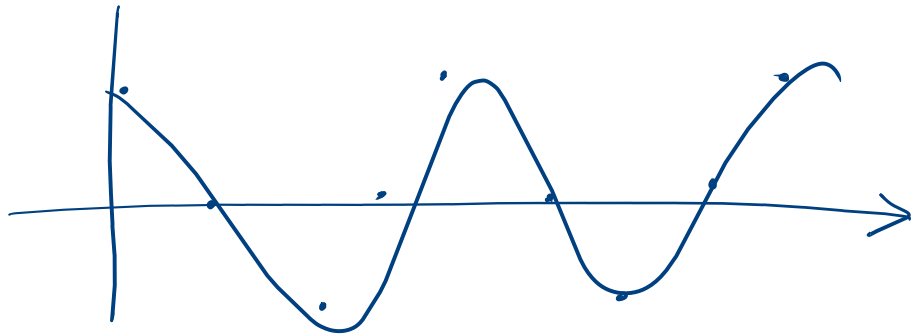
$$\cos 90^\circ = 0$$

$$\cos 180^\circ = -1$$

$$\cos 270^\circ = 0$$

$$\cos 360^\circ = 1$$

1 0 -1 0 1 0 -1 0 1 0



ত্রিকোণমিতি

□ বিভিন্ন চতুর্ভাগে ত্রিকোণমিতিক অনুপাতের চিহ্ন:



ত্রিকোণমিতি

□ $\cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)$ অনুক্রমটির চতুর্থ পদ কোনটি?

Easy

কিছু

[80তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]

(ক) -1

(খ) 1

(গ) $\frac{1}{2}$

(ঘ) 0

ত্রিকোণমিতি

$n = 0, 1, 2, 3, 4$

1 2 3 4

$n = 1, 2, 3, 4, \dots, n$

$n = 4$

$$\cos\left(\frac{n\pi}{2}\right) = \cos\left(\frac{4\pi}{2}\right)$$

$$= \cos 2\pi$$

$$= \cos 360^\circ$$

$$= \cos 0^\circ = 1$$

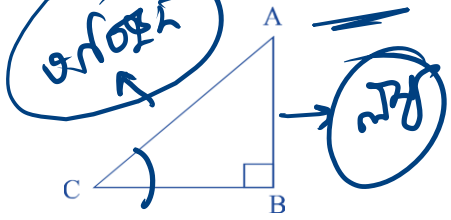
$$\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) = \cos 270^\circ$$

$$= 0$$

ত্রিকোণমিতি

□ ΔABC এ $\angle B = 90^\circ$, যদি $AC = 2 AB$ হয় তবে, $\angle C$ এর মান কত?

[৩৮তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]



(ক) 45°

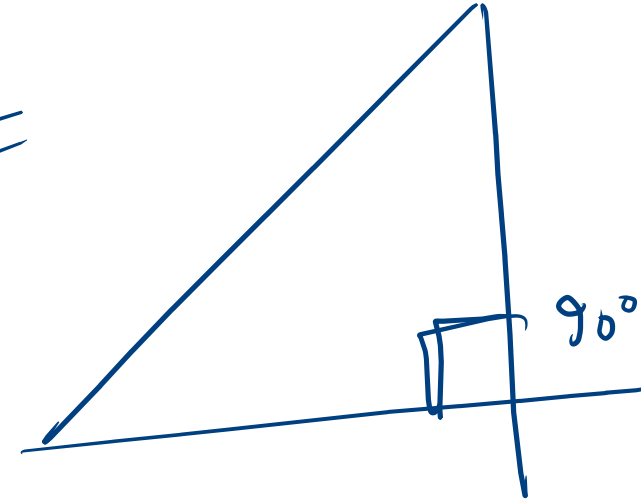
(খ) 22.5°

(গ) 30°

(ঘ) 60°

$$\begin{aligned}\sin C &= \frac{AB}{AC} \\ &= \frac{AB}{2 \times AB} = \frac{1}{2}\end{aligned}$$

$$\angle C = 30^\circ$$



ত্রিকোণমিতি

□ $(\sec\theta + \tan\theta) = \frac{7}{5}$ হলে, $(\sec\theta - \tan\theta)$ এর মান কত?

(ক) $\frac{5}{7}$

(খ) $\frac{3}{7}$

(গ) $\frac{3}{5}$

(ঘ) $\frac{1}{5}$

practise \rightarrow 9/10 \rightarrow ৫৫M
Uttomon \rightarrow ✓

$$\sec\theta + \tan\theta = \frac{7}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sec\theta + \tan\theta)(\sec\theta - \tan\theta)}{(\sec\theta - \tan\theta)} = \frac{7}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{\sec^2\theta - \tan^2\theta}{\sec\theta - \tan\theta} = \frac{7}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sec\theta - \tan\theta} = \frac{7}{5}$$

$$\therefore (\sec\theta - \tan\theta) = \frac{5}{7}$$



ত্রিকোণমিতি

☐ $\frac{\sin\theta + \cos\theta}{\sin\theta - \cos\theta} = 7$ হলে, $\sec\theta$ এর মান কত?

(ক) $\frac{5}{3}$

(খ) $\pm \frac{5}{3}$

(গ) $-\frac{5}{3}$

(ঘ) $\frac{3}{5}$

$\frac{a+x}{a-x}$

~~$\sec\theta = \frac{1}{\cos\theta}$~~

~~$\sec\theta - \tan\theta = 1$~~

(অনু-বিভাজন)

$\frac{\sin\theta + \cos\theta}{\sin\theta - \cos\theta} = 7$

$\frac{2\sin\theta}{2\cos\theta} = \frac{7+1}{7-1} = \frac{8}{6}$

$\tan\theta = \frac{4}{3}$

$\tan^2\theta = \frac{16}{9}$

$\sec^2\theta - 1 = \frac{16}{9}$

$\Rightarrow \sec^2\theta = 1 + \frac{16}{9}$

$= \frac{25}{9}$

$\therefore \sec\theta = \pm \frac{5}{3}$

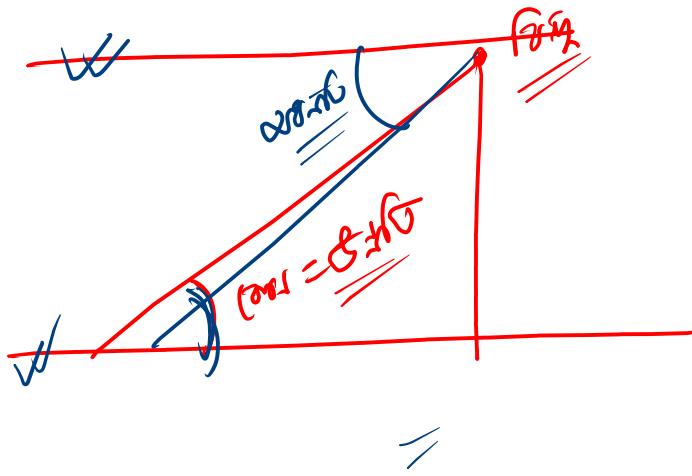
~~$\frac{\sin\theta + \cos\theta + \sin\theta - \cos\theta}{\sin\theta + \cos\theta - \sin\theta + \cos\theta}$~~

☑

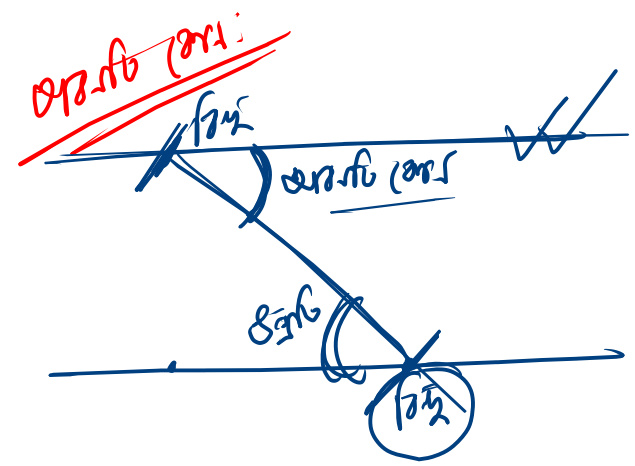
Find

- hints →
- ① \sin, \cos, \tan → अज्ञात
 - ② सिद्धांत

अज्ञात

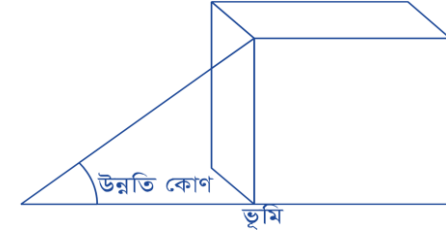


अज्ञात/अज्ञात



দূরত্ব ও উচ্চতা

□ **উন্নতি কোণ:** ভূতলের উপরের কোনো বিন্দু ভূ-রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে উন্নতি কোণ বলে।



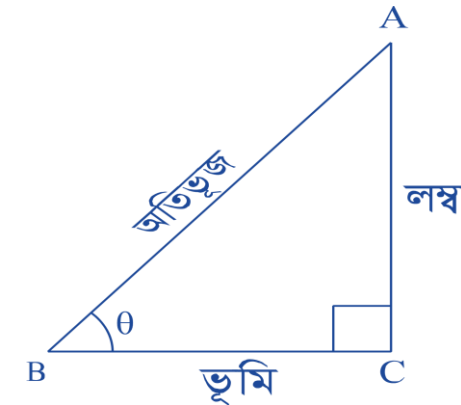
□ **অবনতি কোণ:** ভূতলের নিচের কোনো বিন্দু ভূ-রেখার সমান্তরাল রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে অবনতি কোণ বলে।



✓ ABC সমকোণী ত্রিভুজে, পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুযায়ী,

$$\text{অতিভুজ}^2 = \text{লম্ব}^2 + \text{ভূমি}^2$$

$$\therefore AB^2 = AC^2 + BC^2$$



দূরত্ব ও উচ্চতা

- একটি মিনারের পাদদেশ হতে ২০ মিটার দূরের একটি স্থান হতে মিনারটির শীর্ষবিন্দুর উন্নতি কোণ 30° হলে মিনারটির উচ্চতা কত? [৩০তম বিসিএস প্রিলিমিনারি]

(ক) $20\sqrt{3}$ মিটার

(খ) $\frac{20}{\sqrt{3}}$ মিটার

(গ) ২০ মিটার

(ঘ) $10\sqrt{3}$ মিটার

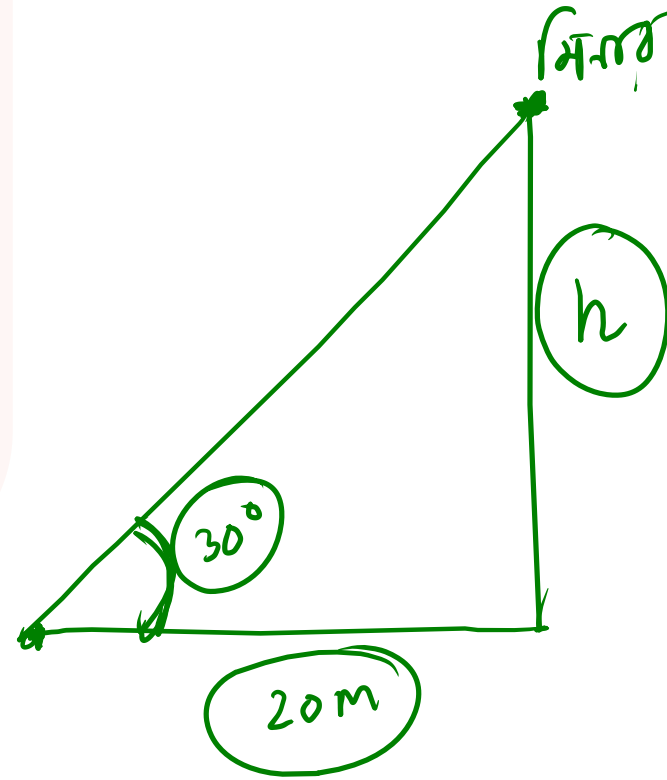
①

$$\tan \theta = \frac{\text{পাশ}}{\text{প্রমা}}$$

$$\Rightarrow \tan 30 = \frac{h}{20}$$

$$\therefore \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{20}$$

$$\therefore h = \frac{20}{\sqrt{3}}$$



দূরত্ব ও উচ্চতা

□ সূর্যের উন্নতি কোণ 60° হলে একটি গাছের ছায়ার দৈর্ঘ্য ১০ মিটার হয়। গাছটির উচ্চতা কত?

(ক) ১৭.৩২ মি.

(খ) ১৬.৭২ মি.

(গ) ১৭.৫২ মি.

(ঘ) ১৭.৭৫ মি.

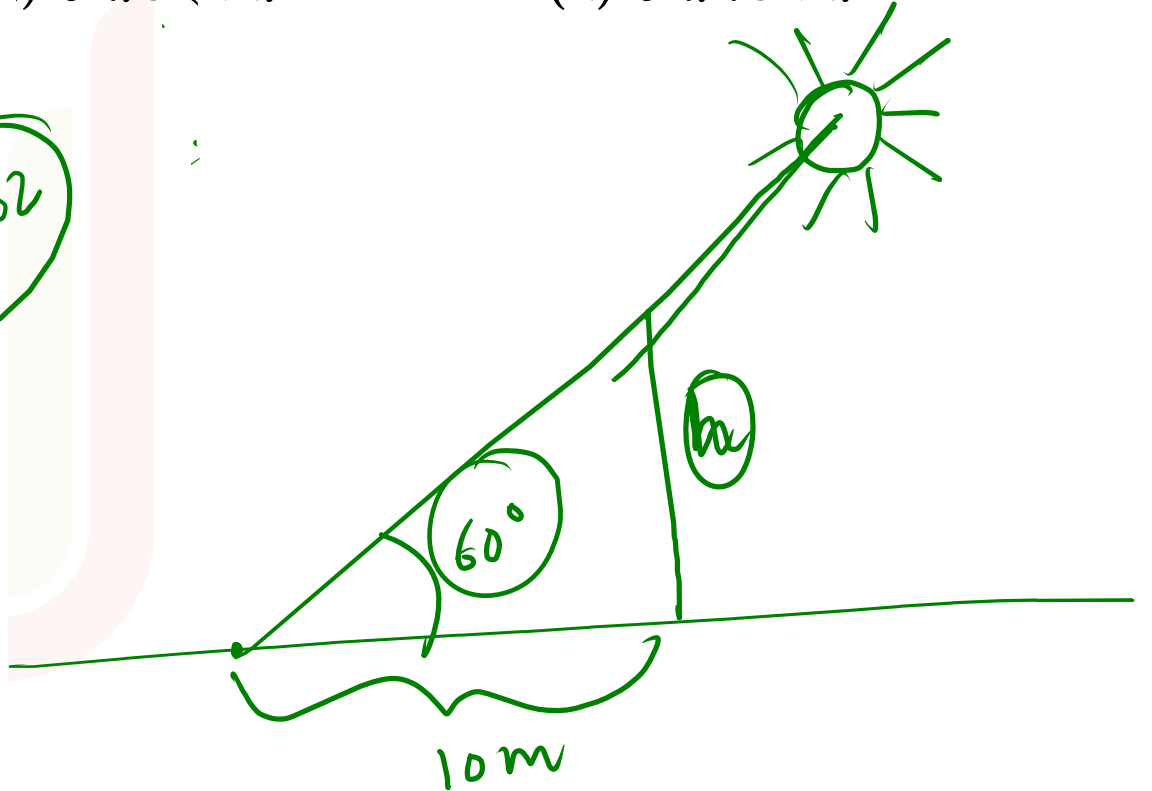
$$\tan 60^\circ = \frac{h}{10}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = \frac{h}{10}$$

$$h = 10 \times \sqrt{3}$$

$$= 17.32 \text{ m}$$

$$1.732$$



POLL QUESTION-03

❖ ঝড়ে একটি গাছ হেলে পড়লো। গাছের গোড়া থেকে 7 মিটার উচ্চতায় একটি খুঁটি ঠেস দিয়ে গাছটিকে সোজা করা হলো। মাটিতে খুঁটিটির স্পর্শ বিন্দুর অবনতি কোণ 30° হলে, খুঁটিটির দৈর্ঘ্য কত?

(a) 7 মিটার

(b) 28 মিটার

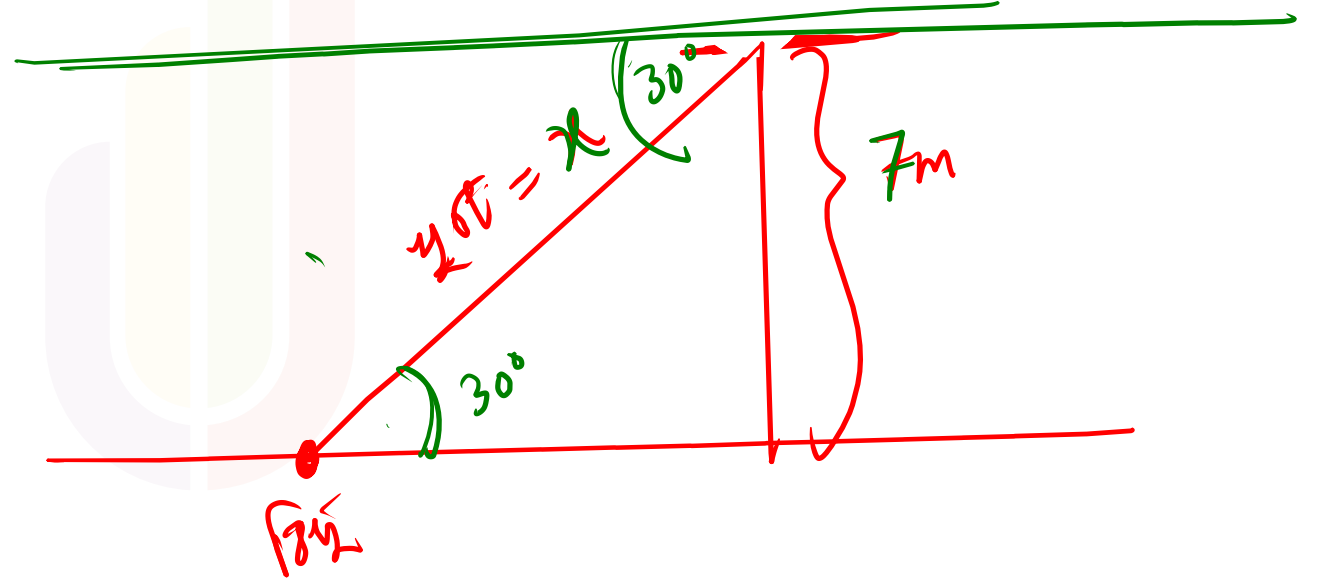
(c) 10 মিটার

(d) 14 মিটার

$$\sin 30 = \frac{7}{x}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{7}{x}$$

$$x = 14 \text{ m}$$



Best of Luck

৭/১০ → ৪২

Uttoron/guide → ২য় ভাগের মত করে

pdf

**BCS কঠিন নয়;
প্রস্তুতি যদি গোছানো হয়**

↖ ↗