

Boat & Stream

□ Basic discussion:

নৌকা ও শ্রোতের অধ্যায়টি সময় ও গতিবেগের অধ্যায়েরই একটি বিশেষ অংশ। এই অধ্যায়ের নদীপথে চলাচলের উপর বিভিন্ন ধরনের গতিবেগের প্রশ্ন বিভিন্ন পরীক্ষার জন্য গুরুত্বপূর্ণ। নৌকা-শ্রোতের প্রশ্নগুলোতে অনুকূল, প্রতিকূল, স্থির গতিবেগ এবং শ্রোতের গতিবেগ বিষয়গুলিই বার বার ঘুরিয়ে ফিরিয়ে জানতে চাওয়া হয়। শুধু সূত্র মুখস্থ করলে প্রায় কাছাকাছি এই গতিবেগ গুলো এলোমেলো মনে হতে পারে। তাই যে কোন সূত্র মুখস্থ করার আগে বাস্তবে ভেবে নিয়ে তারপর প্রশ্নের সমাধান করার পরামর্শ রইলো।

□ Important vocabulary:

শব্দ	অর্থ	শব্দ	অর্থ
Upstream	প্রতিকূল	Still / Stationary water	স্থির পানি
Downstream	অনুকূল	Current or Stream	শ্রোত
Velocity	গতি	With the current	শ্রোতের অনুকূলে
Row	নৌকা চালানো	Against the current	শ্রোতের বিপরীতে
Travel	ভ্রমণ করা	Whole journey	যাওয়া এবং আসা

✍ Important formula:

- In water, the direction along the stream is called down stream (অনুকূল গতি)
অর্থাৎ শ্রোত যে পাশে চলমান সে পাশেই নৌকা চলতে থাকলে তা অনুকূল গতিবেগ।
- Direction against the stream is called upstream. (প্রতিকূল গতি),
অর্থাৎ শ্রোতের বিপরীতে নৌকা চলমান বোঝালে তা প্রতিকূল গতিবেগ।
- The speed of boat in still water is P km/hr and the speed of stream is Q km/hr then
speed down stream = P + Q km/hr Then speed up-stream = P – Q km/hr
- If the speed down stream is A km/hr and the speed up stream is B km/hr then
speed in still water = $\frac{A + B}{2}$ km/hr
- Rate of stream = $\frac{A - B}{2}$ km/hr

All speed in one box

Upstream	Stream	Still water	Stream	Downstream
8	-2	10	+2	12

এই টেবিলটি গভীর মনযোগ দিয়ে বাস্তবের সাথে মিলিয়ে ভাবলে নৌকা-শ্রোতের প্রশ্নগুলো খুব সহজ হয়ে যাবে।

$$\text{Solution: } 3\text{hr } 45\text{ min} = 180+45 = 225\text{ min} = \frac{225}{60}\text{ hr} = \frac{15}{4}\text{ hr}$$

$$\text{Again, } 2\text{ hr } 30\text{min} = 150\text{ min} = \frac{150}{60}\text{ hr} = \frac{5}{2}\text{ hr}$$

$$\text{Now, Downstream speed} = 22.5\text{ km} \div \frac{15}{4}\text{ hr} = \frac{225}{10} \times \frac{4}{15} = 6\text{ kmph} \quad [\text{দূরত্ব} \div \text{সময়} = \text{গতিবেগ}]$$

$$\text{Upstream speed} = 10\text{ km} \div \frac{5}{2}\text{ hr} = 10 \times \frac{2}{5} = 4\text{ kmph}$$

$$\text{So, speed of the current} = \frac{6-4}{2} = \frac{2}{2} = 1\text{ kmph}$$

8. A boats moves upstream at the rate of 2 km in 20 minutes and downstream at the rate of 2 km in 12 minutes .The speed of the current is? (একটি নৌকা শ্রোতের প্রতিকূলে ২০ মিনিটে ২ কি.মি. এবং শ্রোতের অনুকূলে ১২ মিনিটে ২ কি.মি. পথ যায়। শ্রোতের বেগ কত?)

a. 3 b. 4 c. 2 d. 6 Ans: c

Solution:

প্রতিকূলে ২০ মিনিটে ২ কিমি গেলে ৬০ মিনিটে যায় = ৬কিমি

আবার অনুকূলে ১২ মিনিটে ২ কিমি গেলে ৬০ মিনিটে যায় = ১০কিমি। সূত্রাং শ্রোতের গতিবেগ হবে $\frac{10-6}{2} = \frac{4}{2} = 2$ ।

9. A man can row 18 kmph in still water. It takes him thrice as long to row up as to row down the river. Find the rate of the stream: (ছিন্ন পানিতে নৌকার বেগ ঘন্টায় ১৮ কি.মি। একটি নির্দিষ্ট পথ শ্রোতের অনুকূলে যেতে যে সময় লাগে শ্রোতের প্রতিকূলে তার তিনগুণ সময় লাগে। শ্রোতের গতিবেগ কত?)

a. 12 km/hr b. 9 km/hr c. 17 km/hr d. 6 km/hr Ans: b

Solution:

Let's speed of stream= x km/hr

So, speed downstream = 18+ x And Speed upstream = 18-x

According to the question:

$18+x = 3(18-x)$ (অনুকূলের থেকে প্রতিকূলে ৩গুণ বেশি সময় লাগায় প্রতিকূল গতি ৩ গুণ ছোট তাই $\times 3$)

$\Rightarrow x+3x = 54-18 \Rightarrow 4x = 36 \therefore x = 9$ So, speed of the stream is 9km/hr

◆ Still water: (ছিন্ন পানিতে গতি)

ছিন্ন পানির গতিবেগ হলো প্রতি ঘন্টায় মাঝি যতটুকু শক্তি প্রয়োগে যেতে পারে।

সহজে ছিন্ন গতিবেগ বের করার জন্য মনে রাখুন

Δ অনুকূল গতিবেগ - শ্রোতের গতিবেগ = ছিন্ন গতিবেগ

Δ অথবা, প্রতিকূল গতিবেগ + শ্রোতের গতিবেগ = ছিন্ন গতিবেগ

এবং অনুকূল ও প্রতিকূল গতিবেগ দেয়া থাকলে

Speed of Still water or Stationary water or Boat's or Speed of man সবগুলোই = ছিন্ন গতিবেগ

Δ (অনুকূল গতি + প্রতিকূল গতি) $\div 2 =$ ছিন্ন গতি অর্থাৎ : $\frac{\text{Downstream} + \text{Upstream}}{2} = \text{Boat}$

10. A boat goes 13 km upstream (against current) in 39 minutes. The speed of stream (current) is 3 km/hr. What is the speed of the boat in still water? (অর্থ: শ্রোতের প্রতিকূলে একটি নৌকা ৩৯ মিনিটে ১৩ কিমি পথ যায়। যদি শ্রোতের গতি ৩ কিমি হয়, তাহলে স্থির পানিতে নৌকার গতি কত?) [Rajshahi Krishi Bank 2014]
- a. 23 km/hr b. 27 km/hr c. 17 km/hr d. 20 km/hr Ans: a

Solution:

এ ধরনের অংক দেখলেই অনেকেই ঐকিক নিয়মের মত এভাবে করা শুরু করে থাকেন
শ্রোতের প্রতিকূলে, ৩৯ মিনিটে যায় = ১৩ কিমি

$$\therefore \text{ " " ১ " " } = \frac{১৩}{৩৯} \text{ কিমি}$$

$$\therefore \text{ " " ৬০ " " } = \frac{১৩ \times ৬০}{৩৯}$$

$$= ২০ \text{ কিমি।}$$

△এই অংকটি-ই খুব দ্রুত করতে চাইলে এভাবে ভাবুন
৩৯মিনিট= ১৩কিমি যায়, যার অর্থ যত মিনিটই হোক না কেন তার ৩ ভাগের এক ভাগ পথ যেতে পারে। তাহলে গতিবেগ বের করার জন্য ৬০ মিনিটে যাবে তিন ভাগের ১ ভাগ= ২০কিমি। এই ২০ কিমি হল প্রতিকূল গতি। তাহলে স্থির গতি হবে ২০+৩ = ২৩

সুতরাং স্থির গতি হবে ২০+৩ = ২৩ কিমি। এভাবে করলে সময় বেশি লাগবে।

11. If a boat goes 7 km upstream in 42 minutes and the speed of the stream is 3 kmph, then the speed of the boat in still water is : (একটি নৌকা শ্রোতের প্রতিকূলে ৪২ মিনিটে যায় ৭ কি.মি. এবং শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ৩ কি.মি.। স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ কত?) [Pallikarma-Sahayak Foundation Assistant Manager 2014]
- a. 8 km/hr b. 9 km/hr c. 13 km/hr d. 15 km/hr Ans: c

Solution:

$$\text{Speed in upstream is} = \frac{7 \times 60}{42} = 10 \text{ km/hr [৪২ এর ৬ ভাগের ১ ভাগ ৭ হলে ৬০ এর ৬ ভাগের ১ ভাগ = ১০]}$$

$$\text{Speed in down stream is} = 3 \text{ km}$$

$$\text{So, speed of boat in still water is} = 10 + 3 = 13 \text{ km/hr}$$

12. In one hour, a boat goes 11 km along the stream and 5 km against the stream. The speed of the boat in still water (in km/hr) is (শ্রোতের অনুকূলে গতিবেগ ১১ এবং প্রতিকূলে গতিবেগ ৫ কিমি হলে স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ প্রতি ঘন্টায় কত কিমি?) [PKB (SO)-2014 & Exim Bank Ltd. Off 2013]
- a. 3 b. 5 c. 8 d. 9 Ans: c

Solution:

$$\text{Speed in down stream is} = 11, \text{ Speed in upstream is} = 5$$

$$\text{So, speed of boat in still water is} = \frac{11+5}{2} = \frac{16}{2} = 8 \text{ km/hr}$$

13. A boat covers 143 km upstream in 13 hours and the same distance downstream in 11 hours. What is the speed (in km/hr) of the boat in still (without stream) water (একটি নৌকা শ্রোতের প্রতিকূলে ১৪৩ কিমি পথ অতিক্রম করে ১৩ ঘন্টায় এবং একই পথ শ্রোতের অনুকূলে অতিক্রম করতে সময় লাগে ১১ ঘন্টা। ঐ নৌকাটির শ্রোতহীন স্থিরপানিতে গতিবেগ কত?) [Janata Bank (RC)-2023(2020Based)]
- a. 10 km/hr b. 12 km/hr c. 14 km/hr d. 8 km/hr Ans: b

✍️ **Solution:**

$$\text{Upstream speed} = \frac{143}{13} = 11 \text{ km/hr and Downstream speed} = \frac{143}{11} = 13 \text{ km/hr}$$

$$\text{So, speed of the boat in still water} = \frac{13 + 11}{2} = \frac{24}{2} = 12 \text{ km/hr}$$

14. A certain river has a current of 4 miles per hour. A boat takes twice as long as to travel upstream between two points as it does to downstream between the same two points.

What is the speed of the boat in still water? (একটি নদীর শ্রোতের গতি প্রতি ঘন্টায় ৪ মাইল এবং ঐ নৌকাটিকে শ্রোতের প্রতিকূলে যেতে যে সময় লাগে অনুকূলে যেতে তার দ্বিগুণ সময় লাগে। স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ কত?) [IFIC Bank-(TSO)-2018]

a. 6 miles per hour b. 8 miles p/h c. 12 miles p/h d. can't be determined Ans: c

✍️ **Solution:**

Let,

Boat speed = x miles per hour, (যেহেতু শ্রোতের গতি দেয়া আছে তাই নৌকার গতি ধরলে সহজ হবে।)

So, downstream speed = x+4 and upstream speed = x-4

ATQ,

x+4 = 2(x-4) (যেহেতু প্রতিকূলে দ্বিগুণ সময় লাগে তাই প্রতিকূল গতিটি অনুকূলের অর্ধেক ফলে ২ দিয়ে গুণ করে সমান।)

$$\text{Or, } x+4=2x-8 \therefore x=12$$

So boat speed = 12 mile per hr.

Option Test: নৌকার গতি ১২ হলে অনুকূলে ১২+৪ = ১৬ যা প্রতিকূল গতি ১২-৪ = ৮ এর থেকে দ্বিগুণ। ফলে অনুকূলে যে সময় লাগে প্রতিকূলে তার দ্বিগুণ সময় লাগবে।

15. A boat running downstream covers a distance of 16 km in 2 hours while for covering the same distance upstream, it takes 4 hours. What is the speed of the boat in still water?

(একটি নৌকা শ্রোতের অনুকূলে ২ ঘন্টায় ১৬ কি.মি. পথ যায়। শ্রোতের প্রতিকূলে একই পরিমাণ পথ যেতে সময় লাগে ৪ ঘন্টা। স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ কত?)

a. 4 km/hr b. 6 km/hr c. 8 km/hr d. data inadequate Ans: b

✍️ **Solution:** Speed in down stream is = $16 \div 2 = 8$, and Speed in upstream is = $16 \div 4 = 4$

$$\text{So, speed of boat in still water is} = \frac{8 + 4}{2} = \frac{12}{2} = 6 \text{ km/hr}$$

16. A boat runs at 22 km per hour along the stream and 10 km per hour against the stream.

Find the speed of the boat in still water to that of the speed of the stream. (একটি নৌকা শ্রোতের অনুকূলে ঘন্টায় ২২ কিমি এবং শ্রোতের প্রতিকূলে ঘন্টায় ১০ কিমি গতিতে চলে। স্থির পানিতে নৌকাটির গতিবেগ এবং শ্রোতের গতিবেগের অনুপাত বের করুন।) [PKB-(EO)-2019]

a. 2 : 3 b. 5 : 3 c. 7 : 3 d. 8 : 3 Ans: d

✍️ **Solution:**

$$\text{Speed of boat} = \frac{22 + 10}{2} = \frac{32}{2} = 16 \text{ km and Speed of stream} = \frac{22 - 10}{2} = \frac{12}{2} = 6 \text{ km}$$

So, ratio of speed of boat and stream = 16 : 6 = 8 : 3

17. A boatman takes twice as long to go to a distance upstream as to travel the same distance downstream. What is the ratio of the speed of the boatman (in still water) and the current? (একজন মাঝি শ্রোতের অনুকূলে একটি পথ যেতে সে সময় নেন, শ্রোতের প্রতিকূলে যেতে তার দ্বিগুণ সময় নেন। স্থির পানিতে মাঝির গতিবেগ ও শ্রোতের গতিবেগের অনুপাত কত?) [PKB-(EO-Cash)-2019] + [Janata Bank (AEO-Teller)-2019]
- a. 2 : 3 b. 3 : 1 c. 1 : 3 d. 4 : 3 Ans: b

✍️ **Solution:**

Let, The speed of boat = x and speed of current = y

$$\text{ATQ, } x+y=2x(x-y) \text{ [অনুকূলে গতিটা দ্বিগুণ]} \Rightarrow x+y=2x-2y \Rightarrow x=3y \Rightarrow \frac{x}{y}=\frac{3}{1} \therefore x:y=3:1$$

☛ **মুখে মুখে:** অনুকূলের থেকে প্রতিকূলে দ্বিগুণ সময় লাগে অর্থ প্রতিকূলে গতিবেগ অর্ধেক। তাহলে যে কোন দুটি সংখ্যা এভাবে অনুকূলে গতি ২০ এবং প্রতিকূলে গতিবেগ ১০ কিমি ধরে স্থির গতি $(20+10) \div 2 = 15$ আবার শ্রোতের গতি, $(20-10) \div 2 = 5$ কিমি আসবে। অর্থাৎ স্থির গতিবেগ শ্রোতের গতিবেগের থেকে ৩ গুণ হবে। তাই উত্তর: ৩:১। এখানে ২০ ও ১০ এর জায়গায় অন্য যে কোন দ্বিগুণ সম্পর্কিত সংখ্যা নিয়ে হিসেব করলেও একই উত্তর আসবে।

◆ Down stream: (অনুকূল গতিবেগ)

শ্রোতের দিকে নৌকা প্রতি ঘন্টায় যতটুকু যায় তাকেই অনুকূল গতিবেগ বা **Downstream speed** বলে।
অনুকূল গতিবেগ বের করার জন্য মনে রাখুন

$$\Delta \text{ স্থির গতিবেগ} + \text{শ্রোতের গতিবেগ} = \text{অনুকূল গতিবেগ।}$$

অথবা

$$\Delta \text{ প্রতিকূল গতিবেগ} + \text{শ্রোতের গতি} + \text{শ্রোতের গতি} = \text{অনুকূল গতি} \quad (\text{অর্থাৎ প্রতিকূলের সাথে দুবার শ্রোত যোগ})$$

কোন প্রশ্নে অনুকূল গতিবেগ দেয়া থাকলে বুঝতে হবে এর মধ্যে শ্রোতের গতি এবং স্থির গতি উভয়েই আছে তাই এরসাথে আবার শ্রোতের গতি যোগ করা যাবে না।

18. A man rows at 6 km/h in still water & 4.5 km/h against the current. His rate along the current is? (স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ৬ কি.মি. এবং শ্রোতের প্রতিকূলের গতিবেগ ঘন্টায় ৪.৫ কি.মি.। শ্রোতের অনুকূলের গতিবেগ কত?)
- a. 7.5 b. 8.5 c. 9.5 d. 4.5 Ans: a

✍️ **Solution:**

$$\text{Speed of stream is} = 6 - 4.5 = 1.5$$

$$\text{So, speed in downstream is} = 6 + 1.5 = 7.5$$

Remember:

অনুকূল অথবা প্রতিকূল গতিবেগ বের করার জন্য সবসময় প্রথমে শ্রোতের গতিবেগ বের করে হিসেব শুরু করতে হবে।

19. If a man rows at the rate of 5 km/h in still water and his rate against the current is 3.5 km/h, then the man's rate along the current is? (স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ৫ কি.মি. এবং শ্রোতের প্রতিকূলের গতিবেগ ঘন্টায় ৩.৫ কি.মি.। শ্রোতের অনুকূলের গতিবেগ কত)
- a. 5.5 b. 6.5 c. 3.5 d. 7.5 Ans: b
- [Help: $5 - 3.5 = 1.5$ then $5 + 1.5 = 6.5$]

◆ Up stream: (প্রতিকূল গতিবেগ)

শ্রোতের বিপরীতে নৌকা প্রতি ঘন্টায় যতটুকু যায় তাকেই প্রতিকূল গতিবেগ বা **Upstream speed** বলে।
প্রতিকূলে গতিবেগ বের করার জন্য মনে রাখুন

Δ স্থির গতিবেগ - শ্রোতের গতিবেগ = প্রতিকূল গতিবেগ।

অথবা

Δ অনুকূল গতিবেগ - শ্রোতের গতি - শ্রোতের গতি = প্রতিকূল গতি (অর্থাৎ অনুকূল থেকে দুবার শ্রোত বিয়োগ)

যে কোন প্রশ্নে প্রতিকূল গতিবেগ দেয়া থাকলে বুঝতে হবে শ্রোতের গতি বিয়োগ করেই প্রতিকূল গতি বের করা হয়েছে। তাই প্রতিকূল গতিবেগ থেকে কখনোই কোন গতিবেগ বিয়োগ হবে না।

20. A man's speed with the current is 15 km/hr and the speed of the current is 2.5 km/hr.

The man's speed against the current is: (শ্রোতের অনুকূলের গতিবেগ ঘন্টায় ১৫ কি.মি। শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ২.৫ কি.মি। শ্রোতের প্রতিকূলের গতিবেগ কত?)

- a. 8.5 km/hr b. 9 km/hr c. 10 km/hr d. 12.5 km/hr Ans:c

Solution:

Man's rate in still water = $(15 - 2.5)$ km/hr = 12.5 km/hr.

Man's rate against the current = $(12.5 - 2.5)$ km/hr = 10 km/hr.

21. If a man's rate with the current is 11 km/h & rate of the current is 1.5 km/h, then the man's rate against the current is? (শ্রোতের অনুকূলের গতিবেগ ঘন্টায় ১১ কি.মি। শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ১.৫ কি.মি। শ্রোতের প্রতিকূলের গতিবেগ কত?)

- a. 3 b. 5 c. 8 d. 9 Ans: c

Solution:

[Help: $11 - 1.5 = 9.5 - 1.5 = 8$]

Time & Distance

এই অংশে নদীপথে যাতায়াতের সময় অনুকূলে অথবা প্রতিকূলে মোট কত সময় লাগবে অথবা অতিক্রান্ত পথের দূরত্ব কত সে সম্পর্কে আলোচনা করা হয়েছে।

22. A boat travel with a speed of 10 km/hr in still water. If the speed of the stream is 3 km/hr then find time taken by boat to travel 52 km downstream (একটি নৌকার স্থির পানিতে গতিবেগ ১০ কিম/ঘন্টা। যদি শ্রোতের গতিবেগ ৩কিম/ঘন্টা হয় তাহলে অনুকূলে ৫২কিমি পথ যেতে নৌকাটির মোট কত সময় লাগবে?) [Combined 2Banks-(off)-2018] + [BSC Combined exam (SO- 8 Bank) -2018]

- a. 2 hrs b. 4 hrs c. 6 hrs d. 9 hrs Ans: b

Solution:

Speed in downstream = $10+3 = 13$ km/hr

So, time taken to travel 52km downstream = $\frac{52}{13} = 4$ hrs

23. A boat can travel with a speed of 13 km/hr in still water. If the speed of the stream is 4 km/hr, find time taken by the boat to 68 km downstream. (একটি নৌকা স্থির পানিতে ঘন্টায় ১৩ কিমি বেগে চলতে পারে। যদি শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ৪ কিমি হয় তাহলে শ্রোতের অনুকূলে ৬৮ কিমি রাস্তা যেতে নৌকাটির কত সময় লাগবে?) [Combined 5 banks (Cash)-2019] + [Janata Bank-(AEO)-2019]

- a. 4 hours b. 3 hours c. 5 hours d. 2 hours Ans:a

Solution:

Speed downstream = $(13 + 4)$ km/hr = 17 km/hr.

Time taken to travel 68 km downstream = $68 \div 17$ hrs = 4 hrs.

24. Speed of a boat in standing water is 9 km/hr and the speed of the stream is 1.5 km/hr. A man rows to a place at a distance of 105 km and comes back to the starting point. The total time taken by him is: (স্থির পানিতে একটি নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ৯ কিমি এবং শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ১.৫ কিমি। একজন মানুষ ১০৫ কিমি দূরত্বের একটি পথ গিয়ে শুরুর স্থানে ফিরে আসেন। তার মোট কত সময় লেগেছিল?) [PKB-(EO-Cash)-2019]

a. 18 b. 16 c. 24 d. 20 Ans: c

✍️ **Solution:**

Downstream Speed = $9 + 1.5 = 10.5$ and Upstream Speed = $9 - 1.5 = 7.5$

$$\therefore \text{Total time taken} = \frac{105}{10.5} + \frac{105}{7.5} = 10 + 14 = 24 \text{hrs}$$

25. A man rowed 3 miles upstream in 90 minutes if the river flowed with a current of 2 miles per hour, how long did the man's return trip take? (এক ব্যক্তি শ্রোতের বিপরীতে ৯০ মিনিটে ৩ মাইল যায়, যদি শ্রোতের গতি ২ মাইল হয়, তাহলে লোকটির ফিরে আসতে কত সময় লাগবে?) [Exim Bank. (TO)2013]

a. 30 b. 60 c. 90 d. None Ans: a

✍️ **Solution:**

In 90 min goes = 3 miles,

$$\text{So in 60 min he goes} = \frac{3 \times 60}{90} = 2 \text{mph (শ্রোতের গতি)}$$

Current is 2 mph, So speed in still water is $2+2 = 4$ mph

Downstream speed is $4 + 2 = 6$ mph.

$$6 \text{mph returns in } 1 \text{hr} \therefore 3 \text{mph return in} = \frac{1}{2} \text{hr or } 30 \text{ min.}$$

26. A boat can travel with a speed of 13 km/hr in still water. If the speed of the stream is 4 km/hr, find the time taken by the boat to go 68 km downstream. (একটি নৌকা স্থির পানিতে ঘন্টায় ১৩ কিমি বেগে চলতে পারে, যদি শ্রোতের গতি প্রতি ঘন্টায় ৪ কিমি হয় তাহলে ঐ নৌকাটি শ্রোতের অনুকূলে ৬৮ কিমি পথ যেতে কত সময় লাগবে?) (Exim Bank Ltd. Cash Off 2013)

a. 2 b. 3 c. 4 d. 5 Ans: c

✍️ **Solution:**

Speed downstream = $(13 + 4) \text{ km/hr} = 17 \text{ km/hr.}$

Time taken to travel 68 km downstream = $68 \div 17 \text{ hrs} = 4 \text{ hrs.}$

27. A man can row a boat at 10 km/h in still water. If the speed of the stream is 6 km/h, the time taken to row a distance of 80 km downstream is? (স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ১০ কি.মি.। শ্রোতের গতিবেগ ৬ কি.মি. হলে শ্রোতের অনুকূলে ৮০ কি.মি. পথ যেতে কত সময় লাগবে?)

a. 5 b. 15 c. 10 d. 8 Ans: a

✍️ **Solution:** [Help: (at first downstream speed $(10 + 6) = 16$, then $(80 \div 16) = 5 \text{hr}$]

28. Speed of a boat in standing water is 9 kmph and the speed of the stream is 1.5 kmph. A man rows to a place at a distance of 105 km and comes back to the starting point. The total time taken by him is: (নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ৯ কি.মি. এবং শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ১.৫ কি.মি। ১০৫ কি.মি.পথ অতিক্রম করে পুনরায় যাত্রা স্থানে ফিরে আসতে মোট কত সময় লাগবে?)

a. 16 hours b. 18 hours c. 20 hours d. 24 hours Ans: d

Solution:

Speed of upstream = $(9 - 1.5) = 7.5$ kmph.

Speed of downstream = $(9 + 1.5) = 10.5$ kmph.

Total time taken = $\frac{105}{7.5}$ hr + $\frac{105}{10.5}$ hr

< অনুকূলে সময় + প্রতিকূলে সময় = মোট সময়

or $14\text{hr} + 10\text{hr} = 24\text{hours}$.

- 29. The speed of a boat is 10km/hr and the speed of the current is 5km/hr. The boat travelled 5 hours in favour of the current and then returned to the starting point. What was the time to return?** (নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ১০ কি.মি. এবং শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ৫ কি.মি। নৌকাটি কোন স্থানে শ্রোতের অনুকূলে ৫ ঘন্টায় পৌছে। ফিরে আসার সময় কত ঘন্টা সময় লাগবে?) [Southeast Bank (PO)-2016]

a. 10hr b. 15hr c. 7.5hr d. 12.5hr Ans: b

Solution:

[Help: ফিরে আসার সময় প্রতিকূলে ফিরে আসবে তাই প্রতিকূল গতিবেগ দিয়ে ভাগ করতে হবে।

মোট পথ $(10+5) = 15 \times 5 = 75$ কিমি এবং ফিরে আসার সময় গতি $10-5 = 5$ এবং সময় $75 \div 5 = 15$ ঘন্টা।]

- 30. A boatman goes 2 km against the current of the stream in 1 hour and goes 1 km along the current in 10 minutes. How long will it take to go 5 km in stationary (ছিন্ন) water?**

(একজন মাঝি শ্রোতের প্রতিকূলে ১ঘন্টায় ২কিমি পথ যায় আবার শ্রোতের অনুকূলে ১কিমি পথ যেতে তার ১০মিনিট সময় লাগে। ছিন্ন পানিতে ৫কিমি পথ যেতে তার কত সময় লাগবে?)

a. 40 min b. 1 hour c. 1 hr. 15min d. 1 hr 30 min Ans: c

Solution: Upstream speed is = 2km/hr

Downstream speed is = $\frac{1}{10} \times 60 = 6$ km/hr

Speed in still water = $\frac{6+2}{2} = 4$ km/hr

Required time to go 5km in still water is = $\frac{5}{4}$ hr or 1hr. 15min

- 31. The speed of a boat in still water is 15km/hr and the rate of current is 3km.hr. The distance travelled downstream in 12 minutes is-** (ছিন্ন পানিতে নৌকার গতিবেগ ঘন্টায় ১৫ কি.মি. এবং শ্রোতের গতিবেগ ঘন্টায় ৩ কি.মি. হলে শ্রোতের অনুকূলে ১২ মিনিটে কতটুকু দূরত্ব অতিক্রম করা যাবে?) [Combined 6Banks & 2FIs(SO)-2019]

a. 1.2km b. 3.6 km c. 1.8 km d. 2.4 km Ans: b

Solution:

Downstream speed = $(15+3)$ kmph = 18 kmph.

In 1hr or in 60 min distance travelled in downstream = 18km

So, in 12 min it goes = $\frac{18 \times 12}{60} = 3.6$ km

Equation related

নৌকা ও শ্রোতের অনেক প্রশ্নে সময়ের পরিমাণ অথবা দূরত্ব অথবা গতিবেগ যখন অনির্দিষ্ট থাকে তখন অনেক ক্ষেত্রে প্রশ্ন অনুযায়ী অনির্দিষ্ট রাশিটিকে “x” ধরে সমীকরণ সাজিয়ে খুব সহজেই প্রশ্নগুলো সমাধান করা যায়। কিভাবে নৌকা শ্রোতের গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্নগুলো সমীকরণ সাজিয়ে সমাধান করা যায় তা এখানে আলোচনা করা হলো।

- 32. The time taken by a man to travel 36 miles downstream is 90 min less than to go the same distance upstream. The speed of the man in still water is 10 mph. Find the speed of the stream?** (একজন মানুষকে শ্রোতের প্রতিকূলে ৩৬ কিমি যেতে যে সময় লাগে শ্রোতের অনুকূলে ঐ একই পথ যেতে ৯০ মিনিট কম সময় লাগে। স্থির পানিতে নৌকাটির গতিবেগ ঘন্টায় ১০ কিমি হলে শ্রোতের গতিবেগ কত?) [PKB-(EO)-2019]
- a. 2 mph b. 2.5 mph c. 3.5 mph d. 5 mph Ans: a

Solution:

Let the speed of the stream be x mph.
Then, Speed downstream = (10+x) mph,
Speed upstream = (10 - x) mph.

$$\text{ATQ, } \frac{36}{(10-x)} - \frac{36}{(10+x)} = \frac{90}{60}$$

$$\Rightarrow 144x = 300 - 3x^2 \Rightarrow x^2 + 48x + 100 = 0 \Rightarrow (x + 50)(x - 2) = 0 \therefore x = 2 \text{ mph.}$$

Easy way:

এ ধরনের প্রশ্ন x ধরে করার পরিবর্তে অপশন ধরে ভাবুন। শ্রোতের গতি ২ হলে অনুকূলে যেতে $36 \div 12 = 3$ ঘন্টা এবং প্রতিকূলে $36 \div 8 = 4.5$ ঘন্টা লাগে যা অনুকূলের সময়ের থেকে ৯০মি বেশি।

- 33. A boat takes 4 hours for travelling downstream from point A to B and coming back to point A upstream. If the velocity of the stream is 2 km/h and the speed of the boat in still water is 4 km/h, what is the distance between A and B?** (একটি নৌকা A থেকে B তে গিয়ে ফিরে আসতে মোট ৪ ঘন্টা সময় লাগে। যদি শ্রোতের গতিবেগ ২কিমি/ ঘন্টা এবং স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ ৪কিমি/ঘন্টা হয় তাহলে A থেকে B এর দূরত্ব কত?)
- a. 8 b. 6 c. 12 d. none Ans: b

Solution: Let, the distance be x

$$\text{So, downstream time} = \frac{x}{4+2} \text{ or } \frac{x}{6} \text{ hr and upstream time} = \frac{x}{4-2} \text{ or } \frac{x}{2} \text{ hr}$$

$$\text{ATQ, } \frac{x}{6} + \frac{x}{2} = 4 \text{ [Since Total time is 4 hours]}$$

$$\Rightarrow \frac{x+3x}{6} = 4 \Rightarrow 4x=24 \therefore x = 6 \text{ So, the distance is 6km}$$

- 34. A certain river has a current of 3 miles per hour. A boat takes twice as long travel upstream between two points as it does to travel downstream between the same two points. What is the speed of the boat in still water?** (একটি নদীতে শ্রোতের গতিবেগ ৩মাইল/ঘন্টা। ঐ নদীতে একটি নৌকা শ্রোতের অনুকূলে যেতে যে সময় নেয় প্রতিকূলে যেতে তার দ্বিগুণ সময় নেয়। স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ কত?) (Agrani Bank Ltd. Seni Offi-2013)
- a. 3 mph b. 6 mph c. 9 mph d. 12 mph Ans: c

Solution:

Let, boat's speed in still water is x

Then downstream speed is $x+3$ and upstream speed is $x-3$

ATQ

$$x+3 = 2(x-3) \quad (\text{since downstream speed is twice of upstream speed})$$

$$\Rightarrow x+3 = 2x-6 \quad \therefore x = 9 \quad \text{So, Speed of the boat in still water is 9 mph.}$$

- 35. A man rows a certain distance along the stream and against the stream in 1 hour and 1.5 hours respectively. If the velocity of the current is 3km/hr. what is the speed of a man in still water ?** (একজন ব্যক্তি নির্দিষ্ট একটি পথ শ্রোতের অনুকূলে ও শ্রোতের প্রতিকূলে যেতে যথাক্রমে ১ ও ১.৫ ঘন্টা সময় নেয়। যদি শ্রোতের গতিবেগ ৩কিমি/ঘন্টা হয় তাহলে স্থির পানিতে ঐ ব্যক্তির গতিবেগ কত?) [Sonal Bank (Off-F)-2019]+ [Janata Bank-(AEO)-2019]

a. 19 b. 15 c. 13 d. 11 Ans: b

Solution:

Let, the speed in still water = x km/hr \therefore Downstream speed = $x+3$ & upstream speed = $x-3$

ATQ,

$$(x+3) \times 1 = (x-3) \times 1.5 \quad [\text{অনুকূলে যাওয়া মোট পথ} = \text{প্রতিকূলে যাওয়া মোট পথ}]$$

$$\Rightarrow x+3 = 1.5x-4.5 \quad \Rightarrow -0.5x = -7.5 \quad \therefore x = 15 \text{km/hr} \quad \text{So, the speed in still water} = 15 \text{km/hr}$$

- 36. A man can row at the rate of 4 km/hr. in still water. If the time taken to row a certain distance upstream is 3 times as much as to row the same distance downstream, find the speed of the current.** (এক ব্যক্তির স্থির পানিতে গতিবেগ ৪ কিমি/ঘন্টা। একটি নির্দিষ্ট পথ শ্রোতের অনুকূলে যেতে যে সময় লাগে, শ্রোতের প্রতিকূলে যেতে তার তিনগুণ সময় লাগে, শ্রোতের বেগ কত?) [National Bank- 2014]

a. 15 b. 6 c. 20 d. 2 Ans: d

Solution:

Let, Speed of stream is = x

Then downstream speed is $4+x$ and upstream speed is $4-x$

ATQ, $4+x = 3(4-x)$ (since downstream speed is 3 times of upstream speed)

$$\Rightarrow 4x=8 \quad \therefore x = 2 \quad \text{So, Speed of stream is 2kmph}$$

ভুল হতে পারে যেখানে

যদি স্থির গতি x ও শ্রোতের গতি 3 কিমি হলে অনুকূল গতি $x+3$ এবং প্রতিকূল গতি $x-3$ কিন্তু স্থির গতি 3 এবং শ্রোতের গতি x হলে অনুকূল গতি $3+x$ এবং প্রতিকূল গতি $3-x$ হয়। অর্থাৎ $x-3$ আর $3-x$ একই বিষয় না।

- 37. A boat travels for three hours with a current of 3 mph and then returns the same distance against the current in four hours. What is the boat's speed?** (শ্রোতের গতি ৩ মাইল নিয়ে শ্রোতের অনুকূলে একটি নৌকা ৩ ঘন্টা পথ চলার পর একই পথ শ্রোতের প্রতিকূলে ৪ ঘন্টায় ফিরে আসে। নৌকার গতিবেগ কত?)

a. 13 b. 15 c. 18 d. 21 Ans: d

Solution: Let, boat's speed is = x

Then downstream speed is $x+3$ and upstream speed is $x-3$

ATQ $3(x+3) = 4(x-3)$ (৩ ঘন্টায় অনুকূলে যাওয়া মোট পথ = ৪ ঘন্টা প্রতিকূলে ফিরে আসা মোট পথ)

$$\Rightarrow 3x+9 = 4x-12 \quad \Rightarrow -x = -21 \quad \therefore x = 21 \quad \text{So, Speed of the boat is} = 21 \text{ kmph.}$$

Solution:

Let, distance = x km

ATQ,

$$\frac{x}{8+4} + \frac{x}{8-4} = 9$$

$$\Rightarrow \frac{x}{12} + \frac{x}{4} = 9 \Rightarrow \frac{x+3x}{12} = 9 \Rightarrow 4x = 108 \therefore x = 27$$

Shortcut:

অনুকূল এবং প্রতিকূল গতি, ১২ ও ৪ এর ল.সা.গু ১২ কিমি কে দূরত্ব ধরলে
 অনুকূলে ১ এবং প্রতিকূলে ৩ ঘন্টা সহ মোট সময় লাগবে ১+৩ = ৪ ঘন্টা।
 মোট সময় ৪ ঘন্টা লাগলে মোট দূরত্ব = ১২ কিমি। (৪ এর তিনগুণ = ১২)
 মোট সময় ৯ ঘন্টা লাগলে মোট দূরত্ব = ২৭কিমি। (৯ এর তিনগুণ = ২৭)

- 42. A man can walk uphill at the rate of 2.5 km/hr downhill at the rate of 3.25 km/hr. If the total time required walking a certain distance up the hill and return to the starting position is 4 hr 36 min, what is the distance he walked up the hill?** (একজন ব্যক্তি ঘন্টায় ২.৫ কিমি গতিতে হেঁটে উপরে উঠতে পারে এবং ঘন্টায় ৩.২৫ কিমি গতিতে হেঁটে নিচে নামতে পারে। একটি নির্দিষ্ট পথ উপরে উঠতে ও নিচে নামতে তার ৪ ঘন্টা ৩৬ মিনিট সময় লাগলে পথটির দূরত্ব কত ছিল?) [PKB-(EO)-2019]
- a. 3.5 km b. 4.5 km c. 5.5 km d. 6.5 km Ans: d

Solution: Let the distance = x and here 4 hrs 36 min = $4 \times \frac{36}{60} = \frac{23}{5}$ hrs

ATQ,

$$\frac{x}{2.5} + \frac{x}{3.25} = \frac{23}{5} \Rightarrow \frac{x}{\frac{5}{2}} + \frac{x}{\frac{13}{4}} = \frac{23}{5} \Rightarrow \frac{2x}{5} + \frac{4x}{13} = \frac{23}{5} \Rightarrow \frac{26x + 20x}{65} = \frac{23}{5} \therefore x = \frac{23 \times 13}{46} = 6.5$$

- 43. A boat takes 19 hours to travel downstream from point A to point B and coming back to a point C midday between A and B. If the speed of the stream is 4 km/hr and the speed of the boat in still water is 14 km/hr, what is the difference between A and B?** (একটি নৌকা A থেকে B পর্যন্ত একটি পথ শ্রোতের অনুকূলে যায় এবং ফিরে আসার সময় A,B এর মধ্যবর্তী স্থান C তে ফিরে আসতে মোট ১৯ ঘন্টা সময় নেয়। যদি শ্রোতের গতিবেগ ৪কিমি/ঘন্টা এবং স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ ১৪ কিমি/ঘন্টা। A স্থান থেকে B এর দূরত্ব কত?) [Sonal Bank-(off:Cash)-2019-(FF-quota)]
- a. 160km b. 200 km c. 180 km d. 220 km Ans: c

Solution:

Let, the distance of A and B = 2x [শুধু x ও ধরা যায় কিন্তু 2x ধরলে ভগ্নাংশ আসবে না]

Here, downstream speed = 14+4 = 18 km/hr

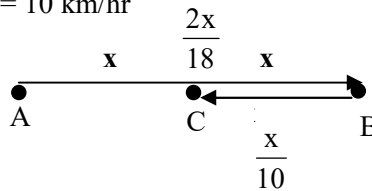
and Upstream speed = 14-4 = 10 km/hr

ATQ,

$$\frac{2x}{18} + \frac{x}{10} = 19$$

$$\Rightarrow \frac{10x + 9x}{90} = 19$$

$$\Rightarrow 19x = 19 \times 90 \therefore x = 90 \text{ km}$$



So, distance of A & B 2x = 2×90 = 180km

১০ সেকেন্ডে শর্টকাট:

অনুকূল গতি, ১৪+৪ = ১৮, প্রতিকূল গতি, ১৪-৪ = ১০, উভয় দিয়ে ভাগ করা যায় একমাত্র ১৮০ কে।

$$\left(\frac{180}{18} = 10 \right) + \left(\frac{90}{10} = 9 \right) = 19$$

- 44. A boat takes 4 hours to cover a certain distance running downstream, while it requires 8 hours 48 minutes to cover the same distance in upstream. Find the ratio between the speed of the current and the speed of the boat?** (শ্রোতের অনুকূলে একটি নির্দিষ্ট পথ যেতে একটি নৌকার ৪ ঘন্টা সময় লাগে, আবার শ্রোতের প্রতিকূলে ঐ পথটি যেতে তার ৮ ঘন্টা ৪৮ মিনিট সময় লাগে। শ্রোতের গতিবেগ এবং নৌকার গতিবেগের অনুপাত বের করুন?) [Sonal Bank-(off:Cash)-2019-(FF-quota)]

a. 1:2 b. 3:8 c. 2:3 d. 4:3 Ans: b

Solution:

Let, speed of the boat is = x & Speed of the current is = y
 Speed in downstream = $(x+y)$ & Speed in upstream = $(x-y)$

Here, downstream time 4 hr & upstream time 8 hr 48 min = $8 \times \frac{48}{60} = 8.8$ hrs and

According to the question,

$\{8.8(x-y)\} = \{4(x+y)\}$ [উভয় ক্ষেত্রে অতিক্রম করা পথের দূরত্ব সমান সমান]

$$\Rightarrow 8.8x - 8.8y = 4x + 4y$$

$$\Rightarrow 8.8x - 4x = 4y + 8.8y$$

$$\Rightarrow 4.8x = 12.8y$$

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{12.8}{4.8} = \frac{8}{3}$$
 [লব ও হরকে ১.৬ দিয়ে ভাগ করে।]

$\therefore x:y = 8:3$ or, $y:x = 3:8$ So, the ratio of stream and boat's Speed = 3:8 **Ans: 3:8**

45. A motorboat, whose speed in 15 km/hr in still water goes 30 km downstream and comes back in a total of 4 hours 30 minutes. The speed of the stream (in km/hr) is: (স্থির পানিতে ঘন্টায় ১৫ কি.মি. গতি সম্পন্ন একটি মোটরবোটের শ্রোতের অনুকূলে ৩০ কি.মি. গিয়ে ফিরে আসতে মোট ৪ ঘন্টা ৩০ মিনিট লাগে। শ্রোতের গতিবেগ কত?) [Combined 5 Banks (Rejected-(Officer Cash)-2021]

a. 4 km/hr b. 5 km/hr c. 6 km/hr d. 10 km/hr **Ans: b**

Solution: Let the speed of stream be x km/hr

Then, downstream speed = $(15+x)$ km/hr and upstream speed = $(15-x)$ km/hr

$$\text{ATQ, } \frac{30}{15+x} + \frac{30}{15-x} = 4 \frac{1}{2}$$
 [যাওয়ার সময় + আসার সময় = মোট সময়]

$$\Rightarrow \frac{900}{225-x^2} = \frac{9}{2} \Rightarrow \frac{100}{225-x^2} = \frac{1}{2} \Rightarrow 225-x^2 = 200 \Rightarrow x^2 = 25 \therefore x = 5$$

Some difficult questions

46. The ratio of the speed of boat in still water to the speed of stream is 16: 5. A boat goes 16.5 km in 45 minute upstream; find the time taken by boat to cover the distance of 17.5 km downstream. (একটি নৌকার স্থির পানির গতিবেগ এবং শ্রোতের গতিবেগের অনুপাত ১৬:৫। একটি নৌকা শ্রোতের প্রতিকূলে ৪৫ মিনিটে ১৬.৫ কিমি পথ অতিক্রম করে। তাহলে ঐ নৌকাটিকে শ্রোতের অনুকূলে ১৭.৫ কিমি পথ অতিক্রম করতে কত সময় লাগবে?) [Combined 2Banks-(off)-2018]

a. 30 minutes b. 25 minutes c. 50 minutes d. 45 minutes **Ans: b**

Solution:

Let, speed of boat in still water is $16x$

and speed of stream is = $5x$ So, speed of boat in upstream = $16x-5x = 11x$

ATQ,

$$\frac{16.5}{11x} = \frac{45}{60}$$
 [বাম পাশে দূরত্বকে গতিবেগ দিয়ে ভাগ করলে যে সময় আসে তা ঘন্টা তাই ডানে ৪৫ মি. কে ৬০ দিয়ে ভাগ করে ঘন্টা]

$$\Rightarrow \frac{16.5}{11x} = \frac{3}{4} \Rightarrow 33x = 66 \quad \therefore x = 2$$

So, speed of boat = $16 \times 2 = 32$ km/hr and speed of stream = $5 \times 2 = 10$ km/hr

Now, Speed of the boat in downstream = $32 + 10 = 42$ km/hr

So, required time to go 17.5 km in downstream = $\frac{17.5}{42}$ hr or $\frac{17.5}{42} \times 60$ min = **25 minutes.**

- 47. A boat sails M miles upstream at the rate of R miles per hour. If the rate of the stream is S miles per hour, how long will it take the boat to return to its starting point?** (একটি নৌকা শ্রোতের প্রতিকূলে m মাইল পথ যায় r মাইল গতিতে। যদি শ্রোতের গতি s মাইল হয় তাহলে যাত্রা শুরু স্থানে ফিরে আসতে তার কত সময় লাগবে?) [EASTERN BANK off 2005]

a. $\frac{m}{r+2s}$ b. $\frac{m}{r+s}$ c. $\frac{m+r}{s}$ d. $mr-s$ Ans: a

Solution:

এখানে, যেহেতু m কি.মি. পথ গিয়ে আবার ঐ পথ ই ফিরে আসতে হবে তাই মোট পথ = m কি.মি. r হচ্ছে প্রতিকূলে গতি এবং s হচ্ছে শ্রোতের গতি তাই r এর সাথে s একবার যোগ করলে আসবে স্থির গতি এবং দ্বিতীয়বার s যোগ করলে অনুকূল গতি পাওয়া যাবে। তাই অনুকূল গতি = $r+s+s = r+2s$ কি.মি.। এখন মোট পথ m কে অনুকূল গতিবেগ $r+2s$ দিয়ে

ভাগ করলেই কত সময় লেগেছে তা বের হবে। তাই উত্তর: $\frac{m}{r+2s}$

- 48. A man rows to a place 48 km distance and come back in 14 hours. He finds that he can row 4 km with the stream in the same time as 3 km against the stream. The rate of the stream is:** (এক ব্যক্তি ১৪ ঘন্টায় ৪৮কিমি দূরে গিয়ে আবার ফিরে আসে। যদি সে শ্রোতের অনুকূলে যে সময়ে ৪ কিমি যায় সেই একই সময়ে প্রতিকূলে ৩কিমি যেতে পারে, তাহলে তার সম্পূর্ণ যাত্রায় শ্রোতের গতিবেগ কত?)

a. 1 km/hr b. 1.5 km/hr c. 2 km/hr d. 2.5 km/hr Ans: a

Solution:

Suppose he takes x hours to row 4 km downstream or 3 km upstream.

Then, Speed downstream = $\frac{4}{x}$ km/hr. and speed in upstream = $\frac{3}{x}$ km/hr.

According to the question,

$$\frac{48}{\frac{4}{x}} + \frac{48}{\frac{3}{x}} = 14 \quad [(\text{দূরত্ব} \div \text{গতি} = \text{সময়}) \text{ এরপর অনুকূলে লাগা সময়} + \text{প্রতিকূলে লাগা সময়} = 14 \text{ ঘন্টা}]$$

$$\Rightarrow 48 \times \frac{x}{4} + 48 \times \frac{x}{3} = 14$$

$$\Rightarrow 12x + 16x = 14 \Rightarrow 28x = 14 \quad \text{So, } x = 0.5 \quad \text{So downstream and upstream each time is 0.5 hrs.}$$

Now. downstream speed is $\frac{4}{0.5} = 8$ km/hr and upstream speed is $\frac{3}{0.5} = 6$ km/hr

$$\therefore \text{Rate of the stream} = \frac{8-6}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ km/hr.}$$

49. There is road besides a river. Two friends started from a place A, moved to a market situated at another place B and then returned to A again. One of them moves on a cycle at a speed of 12 km/hr, while the other sails on a boat at a speed of 10 km/hr. If the river flows at the speed of 4 km/hr, which of the two friends will return to place A? (একটি নদীর পাশ দিয়ে একটি রাস্তা আছে। দুজন বন্ধু একই জায়গা থেকে একজন রাস্তা দিয়ে ১২কিমি বেগে সাইকেলে এবং অন্যজন নৌকায় একটি বাজারে যায় এবং ফিরে আসে। যদি নৌকার গতি ১০কিমি এবং শ্রোতের গতি ৪কিমি হয়, তাহলে কোন বন্ধুটি প্রথমে ফিরে আসতে পারবে?)
- a. Both b. Boater c. Cyclist d. None Ans: c

Solution:

The cyclist moves both ways at a speed of 12km/hr so average speed for the cyclist – 12 km/hr

Also boat sailor moves downstream at 10+4 = 14km/hr and upstream 10 - 4 = 6km/hr

$$\text{Average speed of the boat sailor} = \frac{2 \times 14 \times 6}{14 + 6} = \frac{2 \times 14 \times 6}{20} = \frac{42}{5} = 8.4 \text{ km/hr}$$

The average speed of cyclist is greater So, cyclist comes first and return to place A

50. A motorboat, which speed is 15 km/hr in still water goes 30 km downstream and comes back in a total of 4 hours 30 minutes. The speed of the stream (in km/hr) is (একটি মোটরবোট এর স্থির গতিবেগ ১৫ কিমি এবং মোটর বোটটি ৩০ কিমি পথ গিয়ে ফিরে আসতে মোট ৪ঘন্টা ৩০ মিনিট সময় নিয়ে শ্রোতের গতিবেগ কত?)
- a. 2 km/hr b. 3 km/hr c. 4 km/hr d. 5km/hr Ans: d

Solution:

Let, the speed of the stream be x km/hr. Then

Speed downstream = (15 + x) km/hr

Speed upstream = (15 - x) km/hr

$$\text{ATQ } \frac{30}{15+x} + \frac{30}{15-x} = 4\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{900}{225-x^2} = \frac{9}{2} \Rightarrow 1800 = 9(225-x^2) \Rightarrow x^2 = 225-200 \therefore x=5$$

51. A man can row 40km upstream and 55km downstream in 13 hours also, he can row 30km upstream and 44km downstream in 10 hours.find the speed of the man in still water and the speed of the current.(একজন ব্যক্তি প্রতিকূলে ৪০কিমি এবং অনুকূলে ৫৫ কিমি যেতে ১৩ ঘন্টা সময় নেয়। আবার প্রতিকূলে ৩০কিমি এবং অনুকূলে ৪৪ কিমি যেতে তার ১০ ঘন্টা লাগে। স্থির পানিতে ঐ ব্যক্তির গতিবেগ এবং শ্রোতের গতিবেগ বের করুন।)
- a. 10 & 6 km/hr b. 8 & 5 km/hr c. 8 & 3 km/hr d. 10 & 4km/hr Ans:c

Solution:

Let, rate upstream be = x km/hr and rate downstream = y km/hr.

$$\text{Then, } \frac{40}{x} + \frac{55}{y} = 13 \dots(i) \text{ and } \frac{30}{x} + \frac{44}{y} = 10 \dots(ii)$$

Multiplying (ii) by 4 and (i) by 3 and subtracting,

$$\text{we get: } \frac{11}{y} = 1 \therefore y = 11. \text{ So, downstream speed is } = 11 \text{ kmph}$$

Substituting y=11 in (i), we get: x = 5. So, upstream speed is 5kmph

5. Speed of a boat in standing water is 9kmph and the speed of the stream is 1.5 kmph. A man rows to a place at a distance of 105 km and comes back to the starting point. The total time taken by him is -
 a. 12 b. 24 c. 16 d. 18
6. A boat moves upstream at the rate of 1km in 10 minutes and downstream at the rate of 1km in 6 minutes. The speed of the current is-
 a. 3km/hr b. 2 km/hr c. 2.5 km/hr d. 5 km/hr
7. A man can row a boat at 10kmph in still water. If the speed of the stream is 6kmph, the time taken to row a distance of 80km down the stream is
 a. 4 b. 5 c. 6 d. 9
8. A man can row at 4.5 kmph in still water. It takes him twice as long to row up as to row down the river. What is the stream?
 a. 2 b. 1.5 c. 5 d. 3.5
9. A man can row at 5 kmph in still water. If the velocity of the current is 1 kmph and it takes him 1 hour to row to a place and come back. how far is that place-
 a. 0.4 km b. 1.4 km c. 2.4 km d. 3.4 km
10. A man takes twice as long to row a distance against the stream as to row the same distance in favour of the stream. The ratio of the speed of the boat in still water and stream is-
 a. 3:1 b. 1:3 c. 4:1 d. 3.2
11. A boat running upstream takes 8 hours 48 minutes to cover a certain distance, while it takes 4 hours to cover the same distance running downstream. What is the ratio between the speed of the boat and speed of the water current respectively?
 a. 2 : 1 b. 3 : 2 c. 8 : 3 d. None
12. A man rows downstream 30 km & upstream 18 km, taking 5 hours each time. What is the velocity of current? 1.2 km/hr (কোন ব্যক্তির শ্রোতের অনুকূলে ৫ ঘন্টা ৩০ কি.মি. এবং শ্রোতের প্রতিকূলে ৫ ঘন্টায় ১৮ কি.মি. যায়। শ্রোতের বেগ কত?)
 a. 2.4 b. 1.2 c. 6 d. 1.5
13. The effective speed of a boat travelling downstream is 20kmph, whereas it is 10kmph upstream. What is the speed of the stream current in kmph? (একটি নৌকার শ্রোতের অনুকূলে কার্যকরী বেগ ২০ কি.মি. এবং শ্রোতের প্রতিকূলের কার্যকরী বেগ ১০ কি.মি.। শ্রোতের বেগ কত?) (DBBL Pro. Off. -2015)
 a. 3 b. 4 c. 5 d. none
14. A man rows 13km upstream in 5 hours and also 28km downstream in 5 hours. The velocity of the stream is (একজন ব্যক্তি শ্রোতের প্রতিকূলে ৫ ঘন্টায় ১৩ কি.মি. এবং শ্রোতের অনুকূলে ৫ ঘন্টায় ২৮ কি.মি. পথ যায়। শ্রোতের গতি বেগ কত?)
 a. 2.3 b. 1.5 c. 8 d. 9
15. A man can row upstream at 11 km/hr and downstream at 16 km/hr. Find man's rate in still water and the rate of current? (একজন লোক শ্রোতের প্রতিকূলে ঘন্টায় ১১ কি.মি. এবং শ্রোতের অনুকূলে ঘন্টায় ১৬ কি.মি. পথ যায়। স্থির পানিতে নৌকার গতিবেগ এবং শ্রোতের গতিবেগ কত?)
 a. 10 & 3 b. 11 & 4 c. 13 & 2 d. 13.5 & 2.5

Answers & Solution

Practice Part:

1. Ans: (b)

[Help: upstream speed = $32 \div 8 = 4$, downstream speed $32 \div 4 = 8$, stream = $\frac{8-4}{2} = \frac{4}{2} = 2$]

2. Ans: (a) ♦Solution: So, speed of stream is = $\frac{13-8}{2} = \frac{5}{2} = 2.5$ kmph

3. Ans: (b) [Help: $\frac{6+2}{2} = \frac{8}{2} = 4$]

4. Ans: (a) [Help: $\frac{x}{6} + \frac{x}{4} = \frac{75}{60}$ then $x = 3$]

5. Ans: (b) [Help: $\frac{105}{(9+1.5)} + \frac{105}{(9-1.5)} = \frac{105}{10.5} + \frac{105}{7.5} = 10+14 = 24$ hrs]

6. Ans: (b) [Help:down=6km up =10km so current is $\frac{10-6}{2} = \frac{4}{2} = 2$]

7. Ans: (b) [Help: down speed is $10+6 = 16$ km so time is $80 \div 16 = 5$ hrs]

8. Ans: (b)

[Help:if stream is x then $4.5+x = 2(4.5-x) \Rightarrow 4.5+x = 9-2x$ or $3x = 4.5 \therefore x = 1.5$]

9. Ans: (c) [Help: $\frac{x}{6} + \frac{x}{4} = 1$ then $x = \frac{12}{5}$ or 2.4km/hr]

10. Ans: (a)

[Help: If downstream = x upstream = $2x$ then ratio will be $\frac{2x+x}{2} : \frac{2x-x}{2} = 3:1$]

11. Ans: (c) ♦Solution:

Here upstream time is 8hr 48mins or 8hrs $\frac{48}{60}$ or $8\frac{4}{5}$ hrs or $\frac{44}{5}$ hrs

Let the boat's speed is x and current's speed is y

ATQ

$$4(x+y) = \frac{44}{5}(x-y) \quad [\text{অনুকূলের সময়ের সাথে গতি গুণ করলে যে দূরত্ব বের হয় তা প্রতিকূলের দূরত্বের সমান}]$$

$$\Rightarrow 20x+20y = 44x-44y \Rightarrow 24x = 64y \text{ or } \frac{x}{y} = \frac{64}{24} \therefore x:y = 8:3$$

So the ratio of speed of boat and and current is 8:3

12. Ans: (b) ♦Solution:

Speed in down stream is= $30 \div 5 = 6$

Speed in upstream is = $18 \div 5 = 3.6$

So, speed of stream is = $\frac{6-3.6}{2} = \frac{2.4}{2} = 1.2$

13. Ans: (c) [Help: $\left(\frac{20-10}{2} = \frac{10}{2} = 5\right)$]

14. Ans: (b) ♦ Solution:

Speed in upstream is = $13 \div 5 = 2.6$

Speed in down stream is = $28 \div 5 = 5.6$

So, speed of stream is = $\frac{5.6 - 2.6}{2} = \frac{3}{2} = 1.5 \text{ km/hr}$

15. Ans: (d) ♦ Solution:

Speed of boat in still water is = $\frac{16+11}{2} = \frac{27}{2} = 13.5 \text{ km/hr}$

Speed of stream is = $\frac{16-11}{2} = \frac{5}{2} = 2.5 \text{ km/hr}$

Model Test

1.	a	2.	a	3.	a	4.	d	5.	b
6.	b	7.	b	8.	d	9.	d	10.	d

